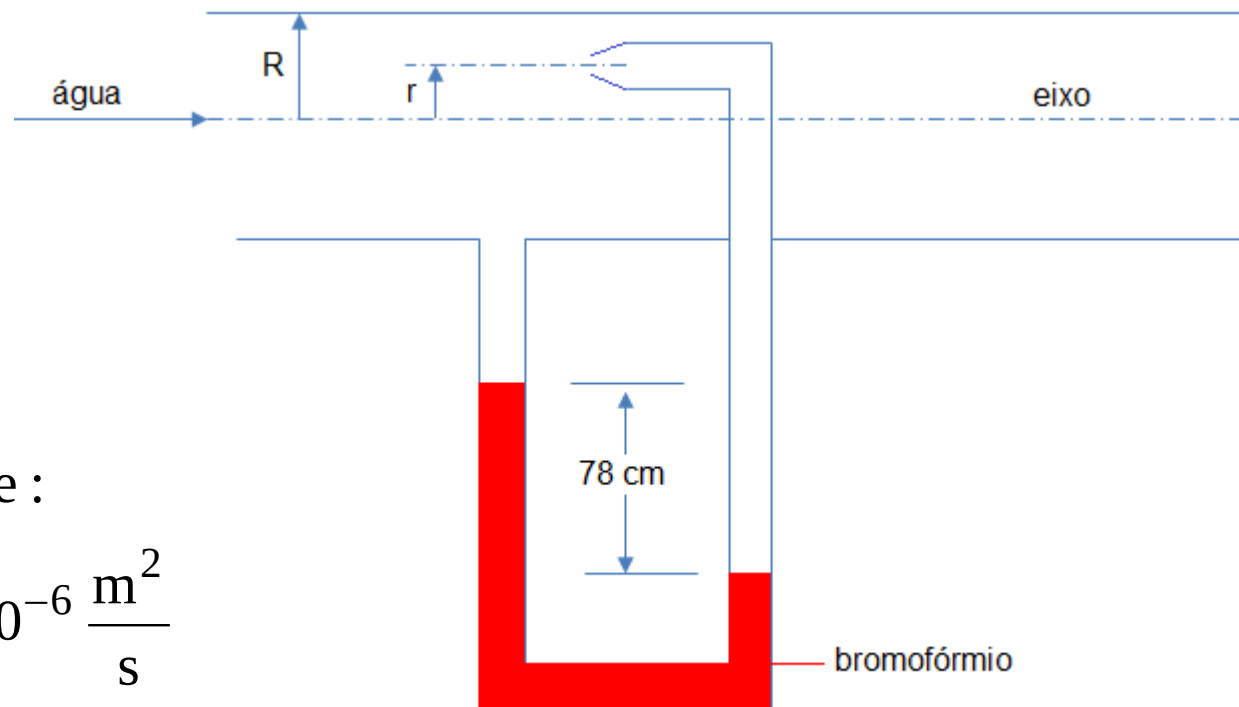


Décima primeira aula de FT

Raimundo (Alemão) Ferreira Ignácio

Sabendo que o fluido que escoar é a água ($\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$) e que o fluido manométrico é o bromofórmio ($\rho_m = 2856 \text{ kg/m}^3$), calcule a velocidade máxima do escoamento, a velocidade média do escoamento e a vazão d'água para a situação representada.

Dados: $g = 9,8 \text{ m/s}^2$; $D_{\text{int}} = 40,8 \text{ mm}$ ($A = 13,1 \text{ cm}^2$) e $r = 7,5 \text{ mm}$



Considere :

$$v_{\text{água}} = 10^{-6} \frac{\text{m}^2}{\text{s}}$$

Solução

$$v_{\text{real}} = \sqrt{2g \times \left(\frac{p_2 - p_1}{\gamma} \right)} = \sqrt{2g \times h \times \left(\frac{\gamma_m - \gamma}{\gamma} \right)}$$

$$v_{\text{real}} = \sqrt{2 \times 9,8 \times 0,78 \times \left(\frac{2856 \times 9,8 - 1000 \times 9,8}{1000 \times 9,8} \right)} \cong 5,33 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Supondo inicialmente que o escoamento é turbulento, temos:

$$v_{\text{real}} = v_{\text{máx}} \times \left[1 - \frac{r}{R} \right]^{\frac{1}{7}}$$

$$5,33 = v_{\text{máx}} \times \left[1 - \frac{7,5}{20,4} \right]^{\frac{1}{7}} \therefore v_{\text{máx}} \cong 5,69 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$v_{\text{média}} = \frac{49}{60} \times 5,69 \cong 4,65 \frac{\text{m}}{\text{s}} \therefore \text{Re} = \frac{4,65 \times 40,8 \times 10^{-3}}{10^{-6}} \cong 189720$$

Solução (cont.)

Como o escoamento é realmente turbulento podemos calcular a vazão de escoamento pelo tubo de Pitot:

$$Q_{\text{Pitot}} = v_{\text{média}} \times A$$

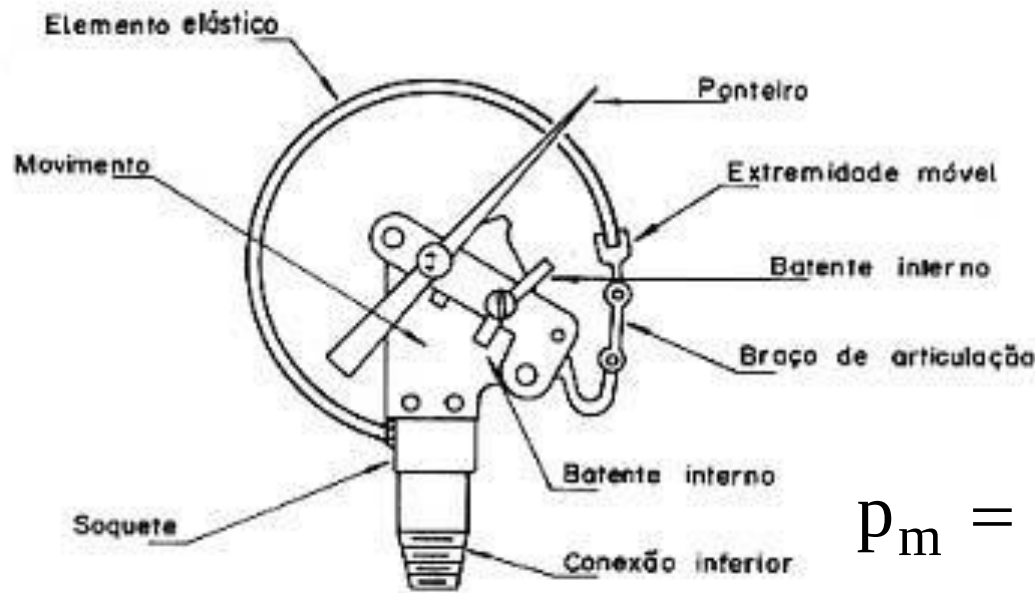
$$Q_{\text{Pitot}} = 4,65 \times 13,1 \times 10^{-4}$$

$$Q_{\text{Pitot}} \cong 6,1 \times 10^{-3} \frac{\text{m}^3}{\text{s}} = 6,1 \frac{\text{L}}{\text{s}}$$

Capítulo 2: Estática dos Fluidos (cont.)

2.10 – Manômetro metálico tipo Bourdon

O princípio de funcionamento deste tipo de aparelho é o princípio da "língua da sogra" como mostra o esquema ao lado e onde a pressão manométrica é igual a pressão interna menos a pressão externa.



$$P_m = P_{\text{interna}} - P_{\text{externa}}$$



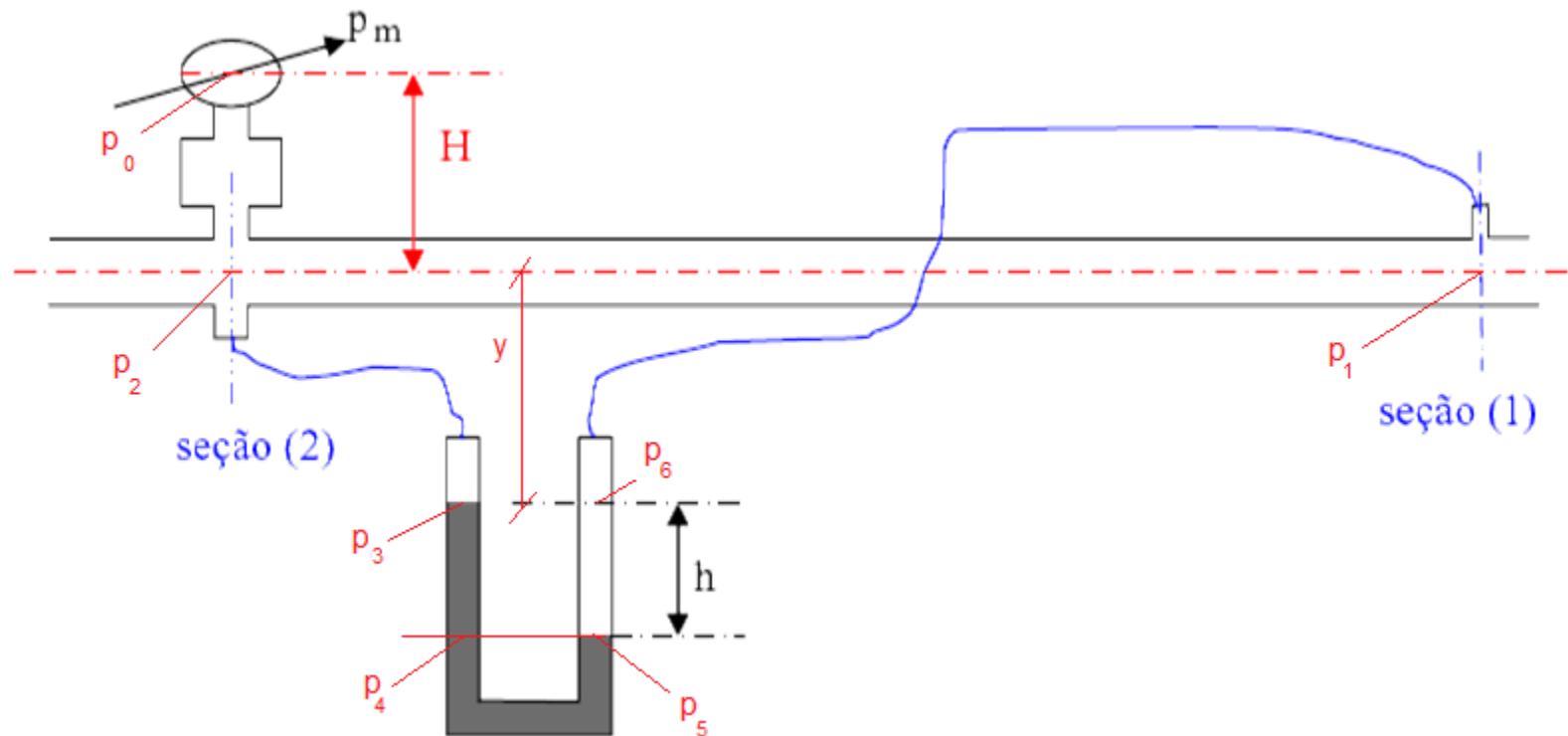
Pressão manométrica
é sinônimo de
pressão efetiva.

Se só existir a escala
positiva o aparelho é
chamado de
manômetro, só escala
negativa é chamado
de vacuômetro e
ambas é chamado de
manovacuômetro

$$P_m = P_{\text{interna}} - P_{\text{externa}}$$



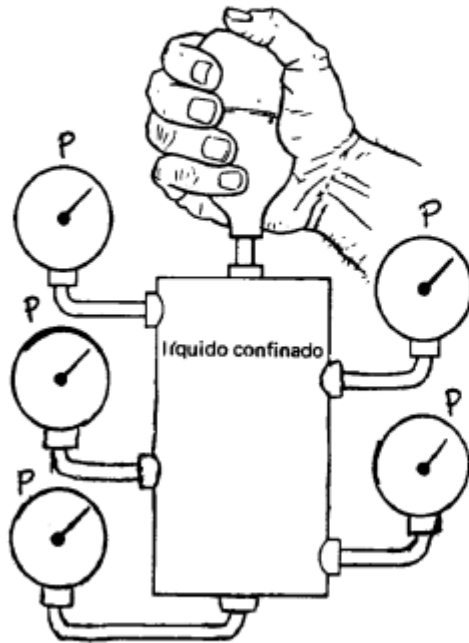
Com os dados especificados na figura determine a pressão na seção (1) na escala efetiva.



$$p_1 = p_m + \gamma \times H + \gamma_m \times h - \gamma \times h$$

2.11 –

Lei de Pascal



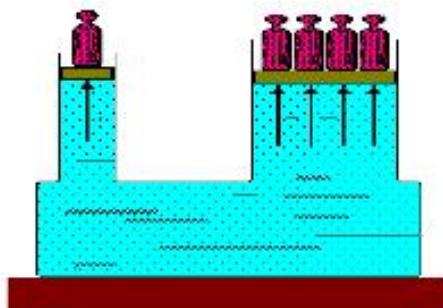
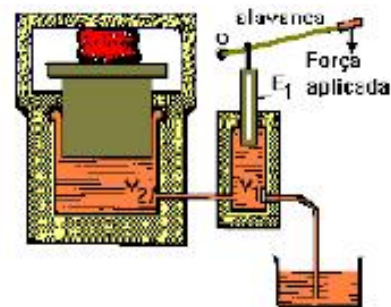
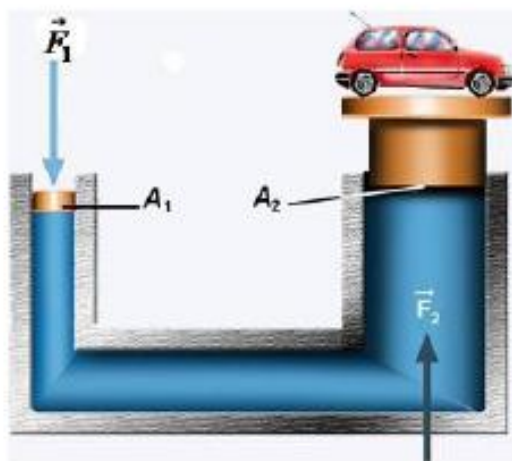
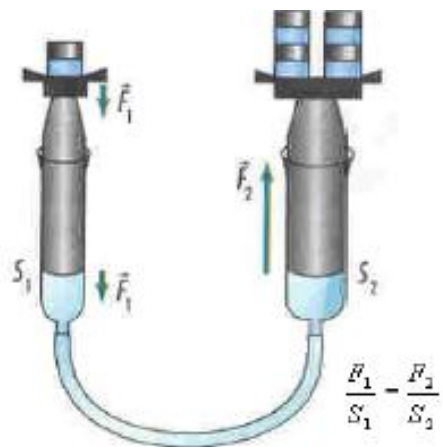
A PRESSÃO
APLICADA A UM
PONTO É
INTEGRALMENTE
TRANSMITIDA A
TODOS OS DEMAIS
PONTOS.

OU



“A pressão em torno de um ponto fluido contínuo, incompressível e em repouso é igual em todas as direções, e ao aplicar-se uma pressão em um de seus pontos, esta será transmitida integralmente a todos os demais pontos.”

Apesar da lei de Pascal ter sido enunciada em 1620, foi neste século que ela passou a ser usada industrialmente, principalmente em sistemas hidráulicos.



<http://www.conecteducacao.com/esconect/medio/FIS/FIS05040002.asp>

OUTRAS APLICAÇÕES:

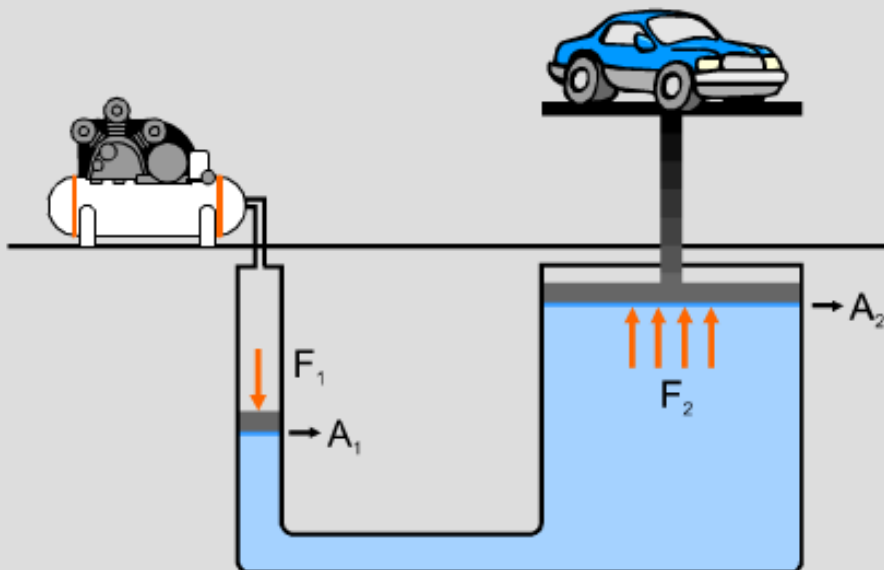


VOLTANDO A FALAR DO ELEVADOR HIDRÁULICO

Lei de Pascal

Aplicação da Lei de Pascal – Elevador Hidráulico

O elevador hidráulico, ou prensa hidráulica, são importantes aplicações da lei de Pascal, que serve então de multiplicador de força.



IMPORTANTE LEMBRAR QUE:



Os sistemas hidráulicos
conseguem eliminar
mecanismos complicados
como: cames
(excêntricos),
engrenagens, alavancas,
etc. ...

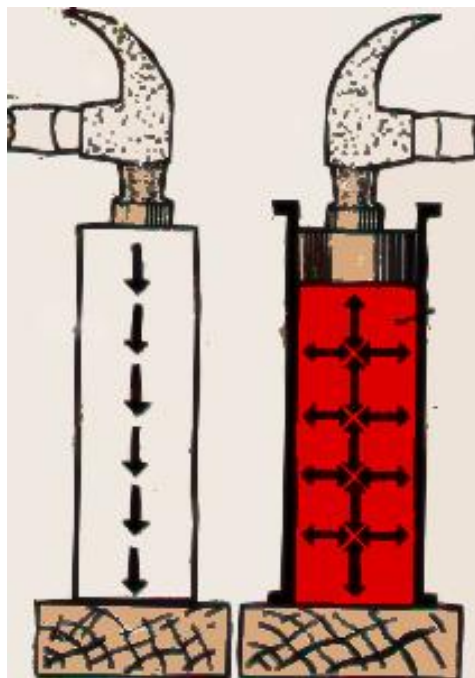
O fluido hidráulico
não está sujeito a
quebras tais como as
peças mecânicas.

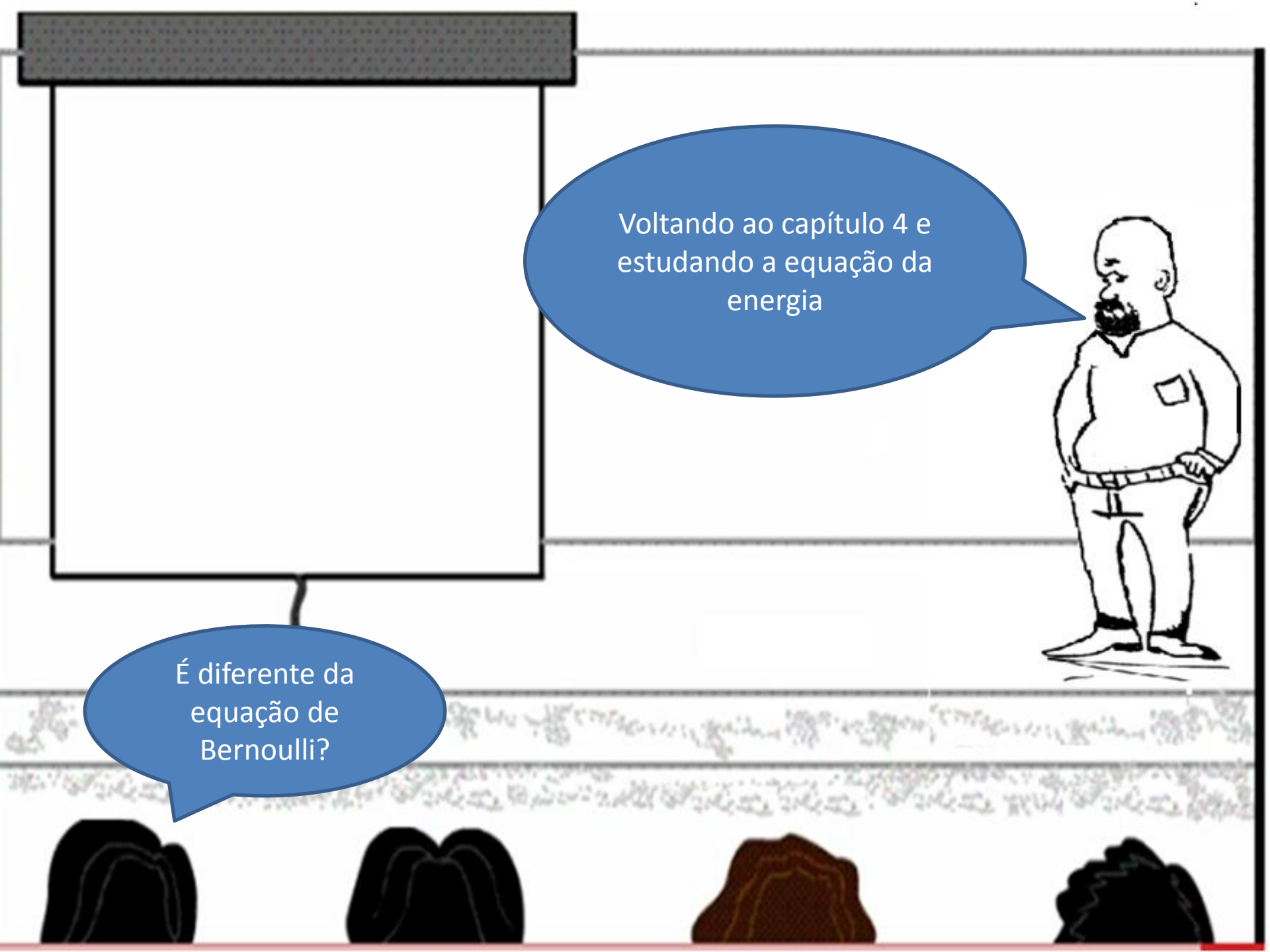


Quando um golpe é desferido na extremidade de uma barra de metal, a sua direção não será alterada, a não ser através do uso de engrenagens e outros mecanismos complexos. Já em um fluido hidráulico, a força é transmitida não só diretamente através dele a outra extremidade, mas também em todas as direções do fluido. (Figura apresentada a seguir)



Veja a
figura ao
lado





Voltando ao capítulo 4 e
estudando a equação da
energia

É diferente da
equação de
Bernoulli?

Sim, já que:

$$H_1 = H_2$$

$$z_1 + \frac{p_1}{\gamma} + \frac{v_1^2}{2g} = z_2 + \frac{p_2}{\gamma} + \frac{v_2^2}{2g}$$

resulta

fluido ideal

$$\mu = 0$$

propriedades uniformes
na seção

$$\rho = \text{cte}$$

escoamento incompressível

escoamento isotérmico

sem máquina hidráulica

$H_m \rightarrow$ carga manométrica

$$H_m = 0$$

sem troca de calor

Equação de Bernoulli

21/10/2009 - v2



Agora trata-se de um fluido real

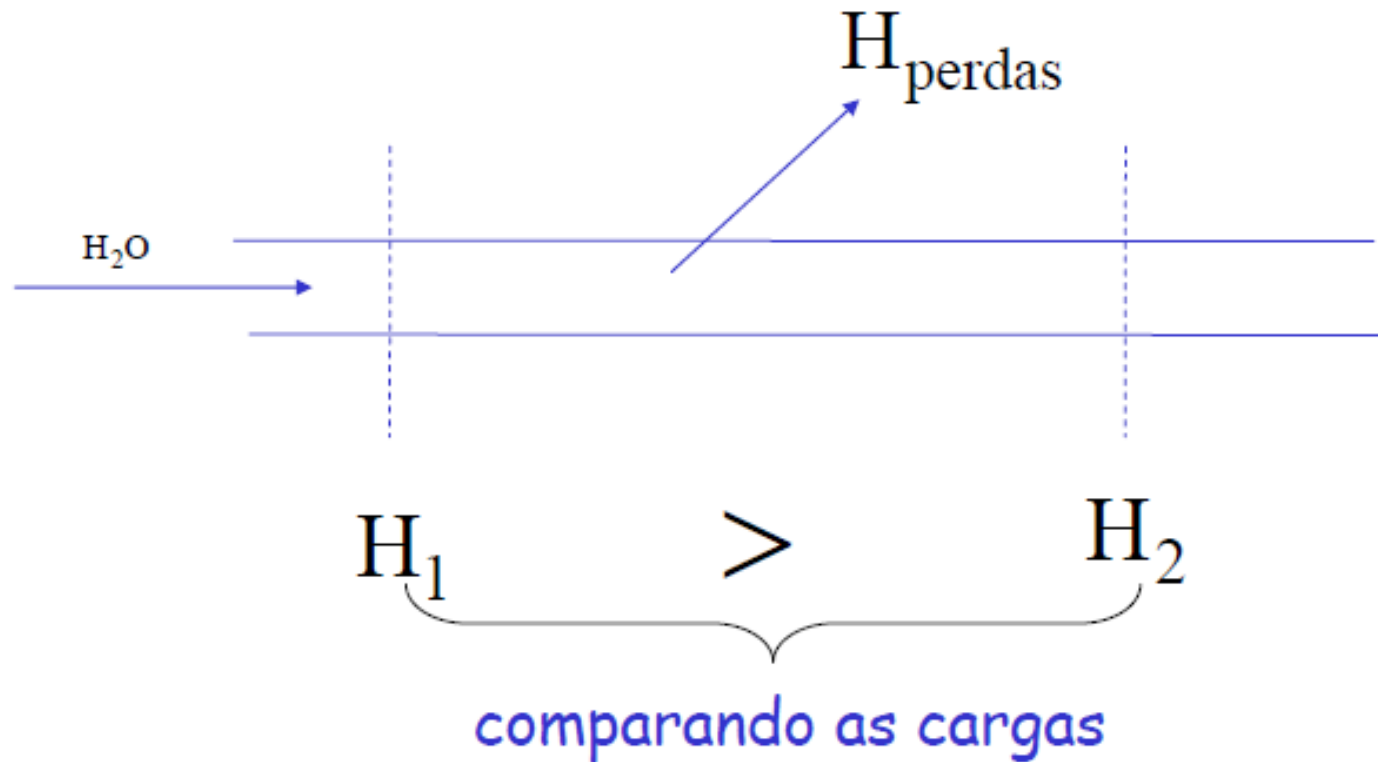
- Fluido real é aquele que tem viscosidade (μ) diferente de zero, portanto existirá perda de carga ao longo do escoamento.
- As demais hipóteses serão mantidas, com exceção da distribuição uniforme de velocidade na seção.

Considere a instalação a seguir:



Trecho a
considerar

Analizando o trecho considerado:



Para estabelecer a igualdade, consideramos a perda de carga (H_{p1-2}) que ocorre entre as seções (1) e (2):

$$H_1 = H_2 + H_{p1-2}$$

Generalizando :

$$H_{\text{inicial}} = H_{\text{final}} + H_{p_{i-f}}$$

Importante: para escrever a equação anterior nós devemos conhecer **o sentido do escoamento e em um trecho sem máquina ele sempre ocorre da maior carga para a menor carga.**

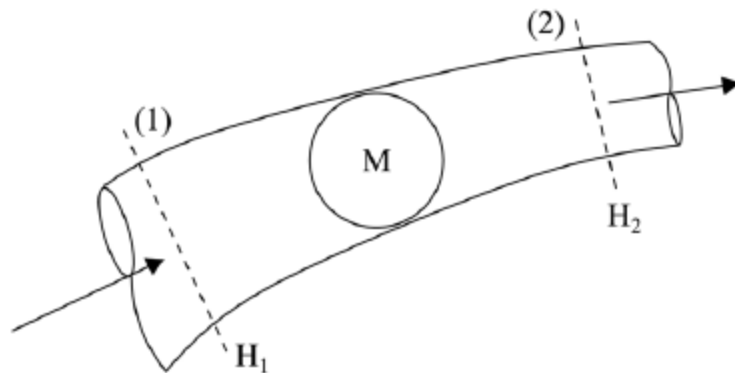
Máquina hidráulica é o dispositivo que introduzido no escoamento, fornece ou retira energia dele, na forma de trabalho.

Para o escoamento incompressível, tem-se:

- Bomba hidráulica = dispositivo que fornece energia ao escoamento, onde energia fornecida por unidade de peso é carga, ou altura, manométrica da bomba.
- Turbina hidráulica = dispositivo que retira energia do escoamento, onde energia retirada por unidade de peso é carga, ou altura, manométrica da turbina.

Equação da energia em presença de máquina, mantida as demais hipóteses.

Considera-se o trecho da instalação esquematizada a seguir:



$$H_1 + H_m = H_2 + H_{p1-2}$$

O único trecho que não consideramos a perda de carga na equação da energia seria entre a entrada e saída de uma máquina, isto resulta:

$$H_{\text{entrada}} + H_{\text{máq}} = H_{\text{saída}}$$

$$H_{\text{máq}} = (z_{\text{saída}} - z_{\text{entrada}}) + \left(\frac{p_{\text{saída}} - p_{\text{entrada}}}{\gamma} \right) + \frac{v_{\text{saída}}^2 - v_{\text{entrada}}^2}{2g}$$

$$H_{\text{máq}} > 0 \Rightarrow \text{bomba}$$

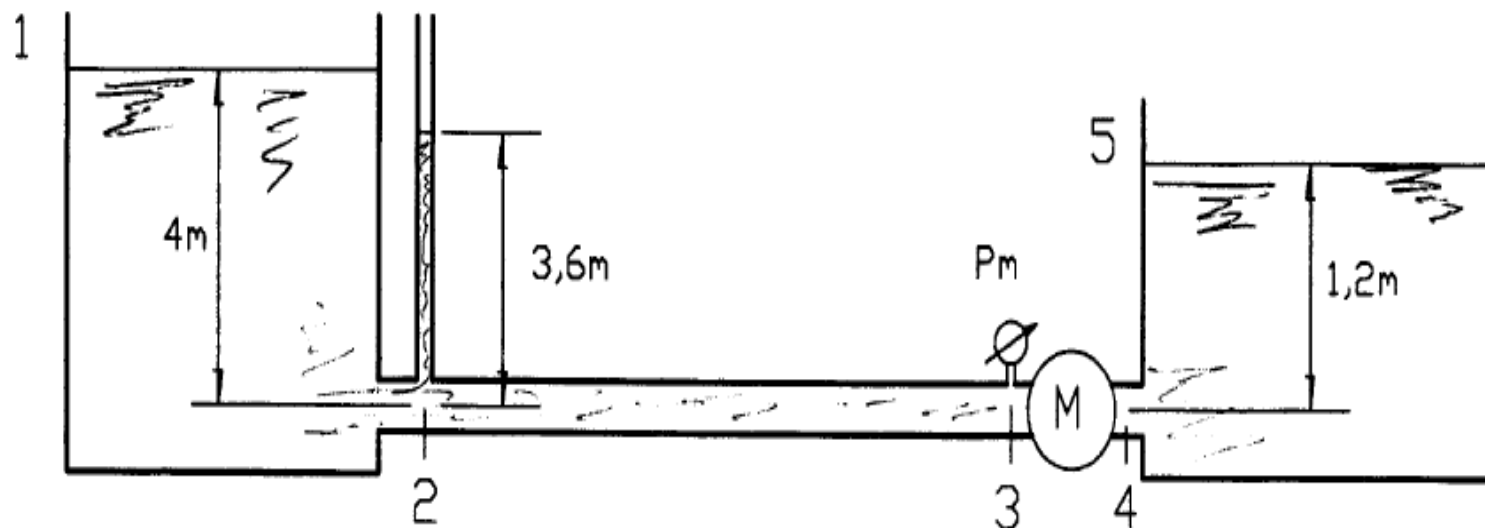
$$H_{\text{máq}} = 0 \Rightarrow \text{sem máquina}$$

$$H_{\text{máq}} < 0 \Rightarrow \text{turbina}$$

□ conduto da figura tem diâmetro 100mm e a pressão no manômetro é $p_m = 0,24 \text{ kgf/cm}^2$.
As perdas de carga entre as seções 1 e 2 e entre as seções 4 e 5 são desprezíveis.
□ fluido é água.

Determinar:

- a) a vazão
- b) a perda de carga na tubulação
- c) o tipo de máquina e sua carga manométrica



Desprezando os atritos no pistão da figura, determinar:

- a carga manométrica da bomba e a vazão que passa pela mesma;
- a força que o pistão pode equilibrar com a haste.

Dados: $A_2 = A_3 = A_4 = A_5 = A_6 = 10 \text{ cm}^2$; $A_0 = 8 \text{ cm}^2$; $A_p = 20 \text{ cm}^2$; $A_h = 10 \text{ cm}^2$; $H_{p1,2} = H_{p3,4} = 0,5 \text{ m}$; $H_{p4,5} = 0 \text{ m}$; $H_{p5,6} = 1 \text{ m}$; $g = 10 \text{ m/s}^2$; $\gamma = 10^4 \text{ N/m}^3$. Supor o cilindro no plano da tubulação.

