

Aula 2 de hidráulica
II – obtenção de
parte das CCB



Reservatório de
captação

acoplamento

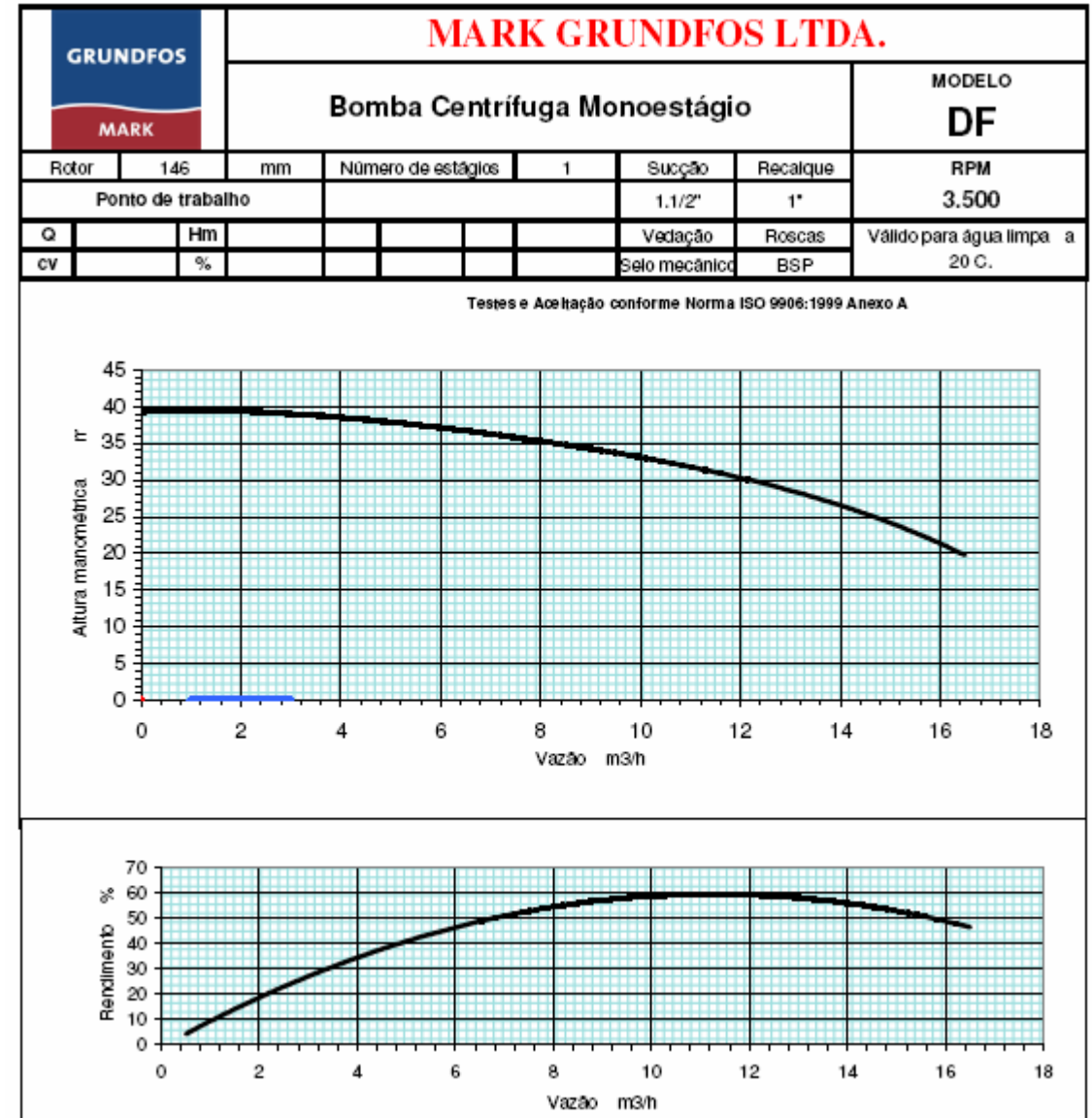
Motor
elétrico

Bomba hidráulica

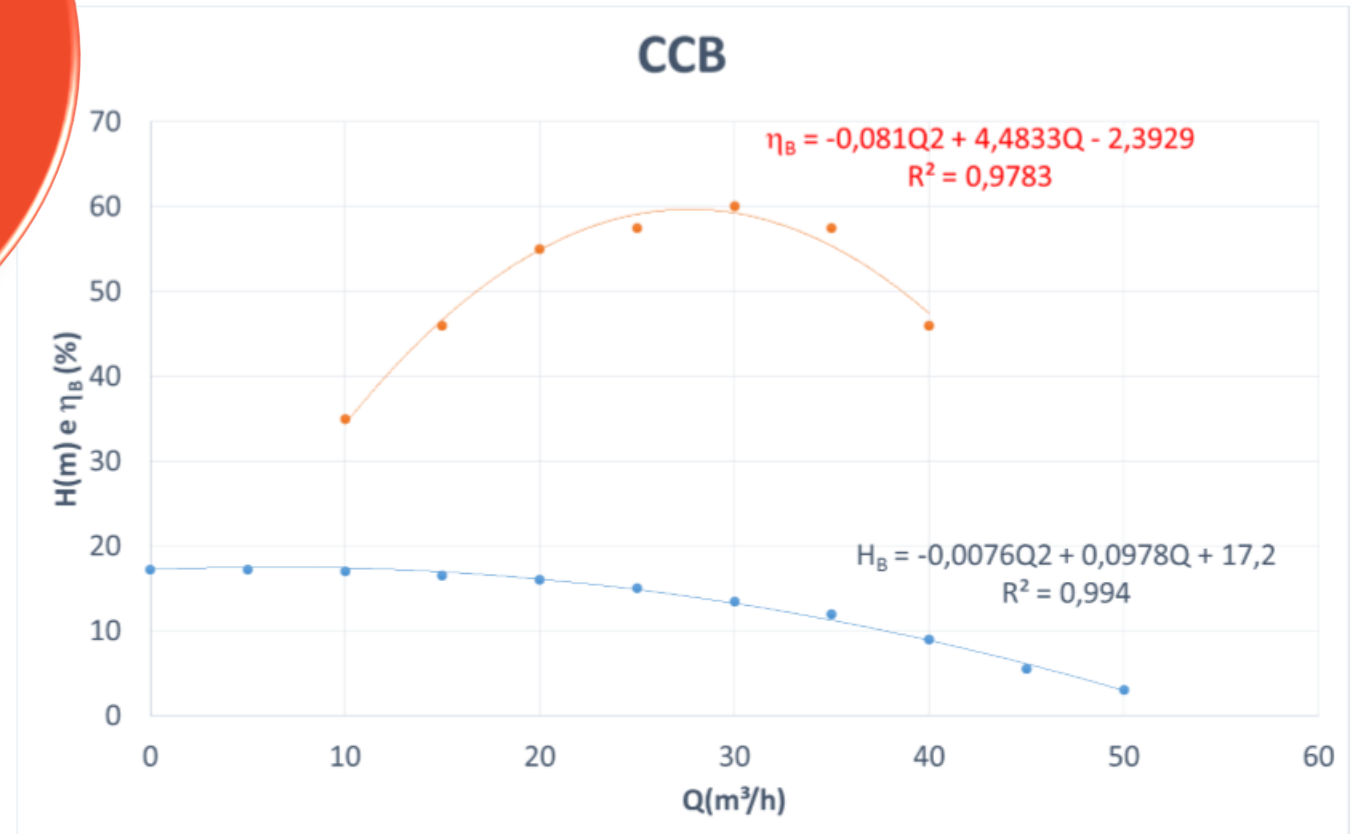
Vamos traçar as curvas $H_B=f(Q)$ e $\eta_B=f(Q)$ para a rotação de 3500 rpm através dos dados obtidos experimentalmente.



EXEMPLO



Exemplo de curvas,
com as equações das
linhas de tendências,
a serem obtidas pelo
relatório, no caso
através do Excel





A imaginação e a criatividade são fundamentais tanto para ampliação da inteligência, como para o sucesso na profissão contemporânea e futura!



5 = célula de carga

6 = manovacuômetro

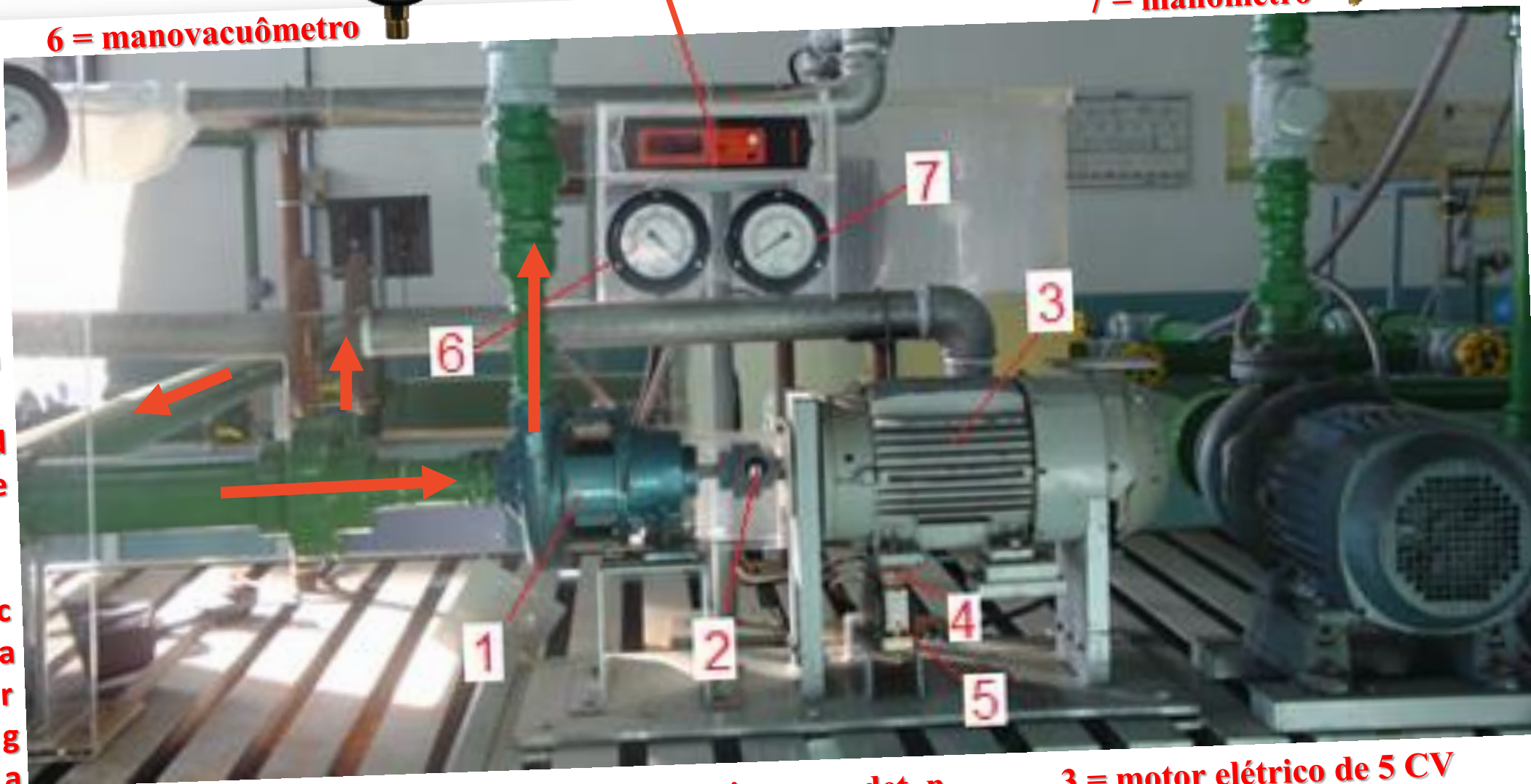


8 = analisador Kratos

7 = manômetro



4 = esfera



1 = bomba MARK de 4 CV

2 = fita adesiva para det. n

3 = motor elétrico de 5 CV

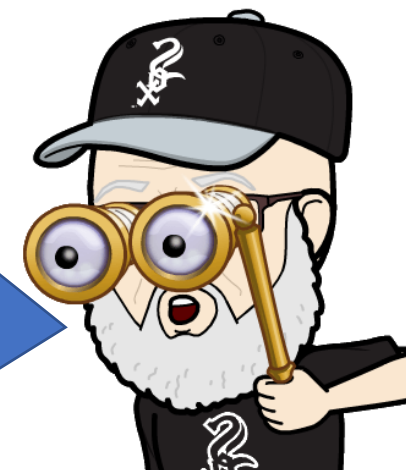
UTILIZADOS NAS SEÇÕES DE
ENTRADA E SAÍDA DA BOMBA



VISUALIZANDO OS MANÔMETROS



Ao acionar o conjunto motor bomba, olhando-o pela frente, este girará no sentido anti-horário, como a carcaça (estator) está solta, pelo princípio da ação e reação, ela tenderá a girar no sentido horário e uma esfera presa em uma das “patas” do motor, pressionará uma célula de carga que irá registrar a força aplicada, já que a célula de carga está ligada a um analisador, no caso da Kratos.



O registro da força pelo analisador da Kratos é feito em “kgf”.



Relembrando:

potência igual a momento vezes velocidade angular

$$\therefore N_B = M \times \omega$$

momento igual a força vezes braço

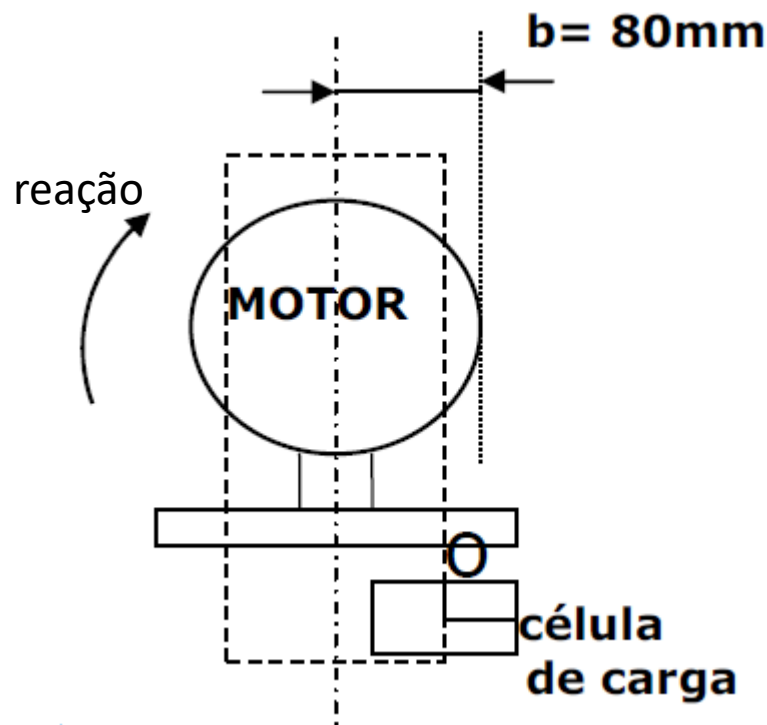
$$M = F \times \text{braço}$$

velocidade angular igual a 2π vezes a rotação

$$\omega = 2\pi \times n \rightarrow [n] = \text{rps}$$

$$N_B = M \times \omega = F \times \text{braço} \times 2\pi \times n$$

Vista frontal do conjunto motor bomba





A rotação é obtida através de um
tacômetro a laser, o qual é apontado
para o adesivo branco = 2



2



laser



E como achamos a rotação?



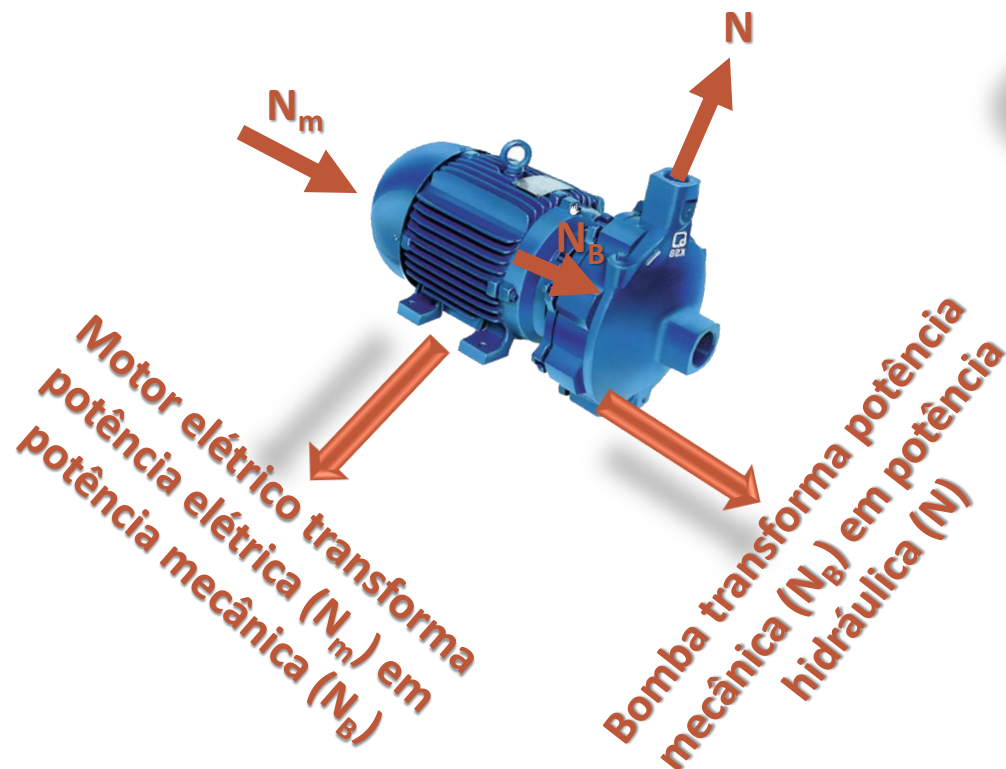
Ok, mas como achamos o rendimento da bomba?

$$\text{rendimento } (\eta) = \frac{\text{potência útil (que sai)}}{\text{potência posta em jogo (que entra)}}$$



onde $\rightarrow N = \gamma \times Q \times H_B$

$$\therefore \eta_B = \frac{N}{N_B} = \frac{\gamma \times Q \times H_B}{N_B}$$



Lembrando que:



Agora, preciso achar a vazão e a carga manométrica!



Gostaria de ver este tanque na bancada, é possível?



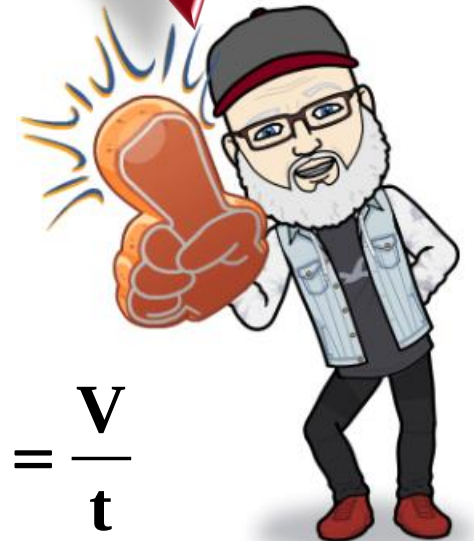
$$Q = \frac{A_{\text{tanque}} \times \Delta h}{t}$$

Tanque de seção transversal com área (A) igual a 0,681 m²

Piezômetro (medidor de nível), onde registramos um Δh em um tempo t

A vazão, determinamos de forma direta!

$$Q = \frac{V}{t}$$



9 = válv. globo para controlar a vazão (Q)

11 e 12 = tubulação de recalque



Claro, este é
o trecho da
bancada!

10 = tubulação de sucção

13 = tanque de distribuição

14 = piezômetro p/ det. da Q

Agora é a vez da carga manométrica!

$$H_x = z_x + \frac{p_x}{\gamma} + \frac{\alpha_x \times v_x^2}{2g}$$

É só aplicar a equação da energia entre as seções de entrada e saída da bomba com o PHR no eixo da bomba!



$$\alpha_e = \alpha_s \cong 1,0$$

$$H_e + H_B = H_s \rightarrow H_B = H_s - H_e$$

$$H_B = \underbrace{(z_s - z_e)}_{\Delta z} + \frac{(p_s - p_e)}{\gamma} + \frac{(\alpha_s v_s^2 - \alpha_e v_e^2)}{2g}$$

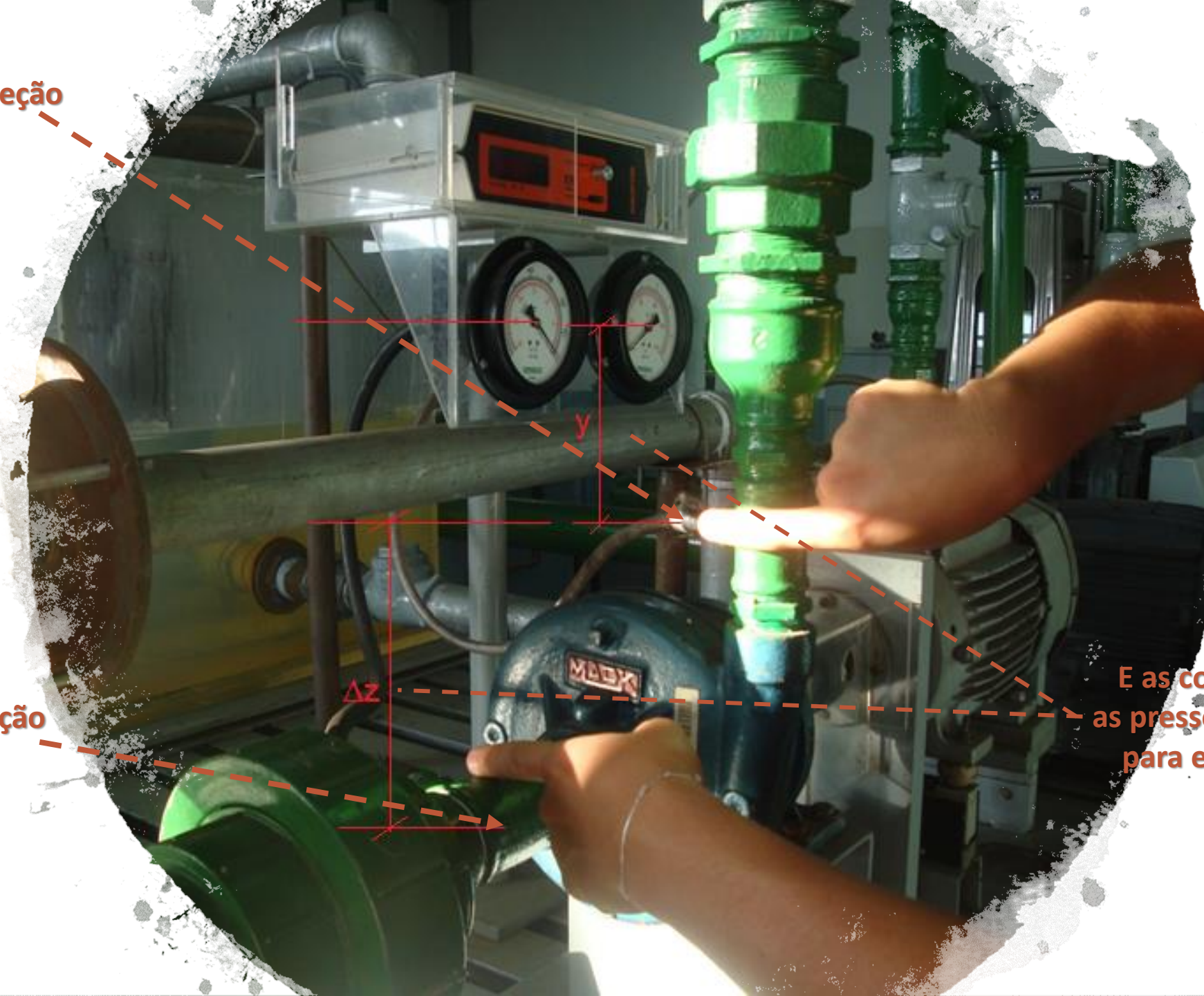


Visualizando a seção
de saída



Visualizando a seção
de entrada

E as cotas para corrigir
as pressões manométricas
para esta experiência.





Esquemáticamente,
temos:

$$p_e = p_{me} + \gamma \times (y + \Delta z)$$

$$p_s = p_{ms} + \gamma \times y$$

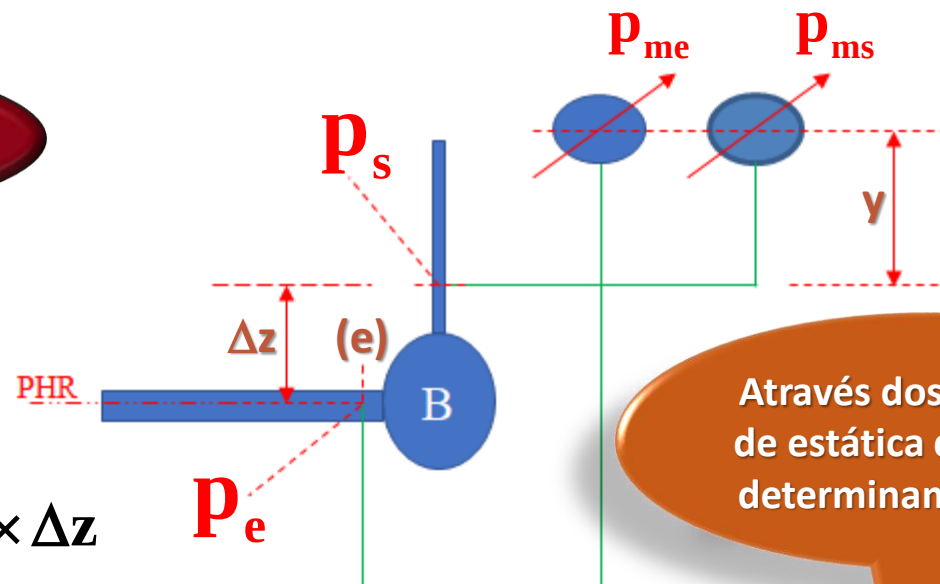
$$p_s - p_e = p_{ms} + \cancel{\gamma \times y} - p_{me} - \cancel{\gamma \times y} - \gamma \times \Delta z$$

$$p_s - p_e = p_{ms} - p_{me} - \gamma \times \Delta z \rightarrow (I)$$



Considerando a
equação I na equação
da energia, resulta:

$$H_B = \Delta z + \frac{(p_s - p_e)}{\gamma} + \frac{(v_s^2 - v_e^2)}{2g} \rightarrow H_B = \cancel{\Delta z} + \frac{(p_{ms} - p_{me})}{\gamma} - \cancel{\Delta z} + \frac{(v_s^2 - v_e^2)}{2g} \quad v = \frac{Q}{A}$$



Através dos conceitos
de estática dos fluidos
determinamos $p_s - p_e$

$$H_B = \frac{(p_{ms} - p_{me})}{\gamma} + \frac{(v_s^2 - v_e^2)}{2g} \rightarrow (II)$$

Agora é calcular as
velocidades nas seções
de entrada e saída



As tubulações
são de aço 40



$$D_{\text{int}} = 40,8 \text{ mm}$$

$$D_{\text{Ne}} = 1,5''$$

$$A = 13,1 \text{ cm}^2$$

$$D_{\text{int}} = 26,6 \text{ mm}$$

$$D_{\text{Ns}} = 1''$$

$$A = 5,57 \text{ cm}^2$$

Norma ANSI B3610



Vamos partir para a coleta de dados, mas antes uma recomendação para não danificar os componentes da bancada: se acionarmos o motor sem a esfera estar apoiada na célula de carga (analizador indicando zero), a mesma poderá ser danificada, por esse motivo, o acionamento do motor só deve ser feito após a esfera estar apoiada na célula de carga.

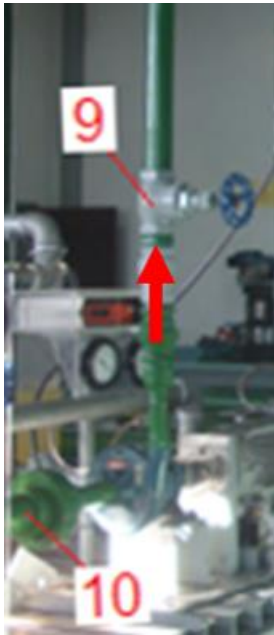


Não acionar o motor nessa situação



Acionar o motor só nessa situação

Procedimento para coleta de dados:



Com a válvula controladora de vazão totalmente fechada se obtém as coordenadas do ponto de shut-off, para tal, deve-se anotar as pressões manométricas respectivamente na entrada e saída da bomba e a rotação do conjunto motor bomba.

Observe que:

$$H_B = \frac{(p_{ms} - p_{me})}{\gamma} + \frac{(v_s^2 - v_e^2)}{2g}$$

A red arrow points from the '0' in the denominator of the second term to the right, indicating that the velocity term is zero.



Após as leituras de p_{ms} , p_{me} e da n para $Q = 0$, deve-se abrir totalmente a válvula controladora da vazão (último ensaio) e para essa situação efetuar a leitura do Δh (mm), $t(s)$, p_{me} , p_{ms} , F e n .

Com os dados,
podemos efetuar
os cálculos e
construir a tabela
de resultados!



Ensaio	Δh (mm)	t(s)	p_{me} (mmHg)	p_{ms} (kgf/cm ²)	F (kgf)	n (rpm)
1						
2						
3						
4						
5						
6						
7						
Temperatura d'água:°C			Tabela de dados			

Cálculos para a rotação lida no ensaio e dados da bancada:

$$Q(\text{m}^3/\text{s}) = \frac{0,681 \times \Delta h(\text{m})}{t(\text{s})} \rightarrow v_e(\text{m}/\text{s}) = \frac{Q(\text{m}^3/\text{s})}{13,1 \times 10^{-4}(\text{m}^2)} \rightarrow v_s(\text{m}/\text{s}) = \frac{Q(\text{m}^3/\text{s})}{5,57 \times 10^{-4}(\text{m}^2)}$$

$$\rho = 1000,14 + 0,0094 \times t - 0,0053 \times t^2 \rightarrow [\rho] = \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}; [t] = ^\circ\text{C} \rightarrow \gamma = \rho \times g$$

$$x(\text{mmHg}) = \frac{x}{1000} \times 13600 \times 9,8 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} (\text{ou Pa}) \rightarrow x(\text{kPa}) = 1000 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} (\text{ou Pa}) \rightarrow H_B = \frac{(p_{ms} - p_{me})}{\gamma} + \frac{(v_s^2 - v_e^2)}{2g}$$

$$N = \gamma \times Q \times H_B \rightarrow x(\text{kgf}) = 9,8 \times x(\text{N}) \rightarrow x(\text{rpm}) = \frac{x}{60}(\text{rps}) \rightarrow N_B = F \times \text{braço} \times 2\pi \times n$$

$$\eta_B = \frac{N}{N_B}$$

Agora é só corrigir os valores
obtidos para a rotação
desejada!



Correção dos resultados dos cálculos anteriores para a rotação igual a 3500 rpm:

$$\phi \rightarrow \text{coeficiente de vazão} = \frac{Q}{n \times D_r^3} \rightarrow \frac{Q_{3500}}{3500 \times D_r^3} = \frac{Q_{\text{exp}}}{n_{\text{lida}} \times D_r^3}$$

$$Q_{3500} = \left(\frac{3500}{n_{\text{lida}}} \right) \times Q_{\text{exp}}$$

$$\varphi \rightarrow \text{coeficiente manométrico} = \frac{g \times H_B}{n^2 \times D_r^2} \rightarrow \frac{H_{B_{3500}}}{3500^2 \times D_r^2} = \frac{H_{B_{\text{exp}}}}{n_{\text{lida}}^2 \times D_r^2}$$

$$H_{B_{3500}} = \left(\frac{3500}{n_{\text{lida}}} \right)^2 \times H_{B_{\text{exp}}}$$

Cálculos para a rotação igual a 3500 rpm (cont.):



Para o rendimento existem duas posturas:

$$\eta_{B_{3500}} = \eta_{B_{\text{experimental}}}$$

Considerando que a rotação altera o rendimento, podemos recorrer a equação a seguir para calculá-lo:

$$\eta_{B_{3500}} = 1 - (1 - \eta_{B_{\text{experimental}}}) \left(\frac{n_{\text{lido}}}{3500} \right)^{0,1}$$

Equação obtida no livro: Bombas e Instalações de Bombeamento - Archibald Joseph Macintyre - Livros Téc. e Cient. Editora 2008- segunda edição revisada - ISBN 978-85-216-1086-1 – página 126

Tabela de resultados

[illegible]

Tabela de dados coletados para execução do relatório

Equipe	Δh (mm)	t(s)	p_{me} (mmHg)	p_{ms} (kgf/cm ²)	F (kgf)	n (rpm)
1			-80	5,1	3,64	3571
2	100	27,13	-135	4,5	7,09	3539
3	100	18,35	-205	3,8	8,42	3525
4	100	14,41	-245	3,1	9,24	3515
5	100	13,75	-295	2,4	9,69	3510
6	100	12,57	-340	1,7	10,17	3505
7	100	11,53	-350	1	11,18	3513
Temperatura d'água: 20 °C						