

# Quarta aula de laboratório de ME4310

Primeiro semestre de 2014



Uma cúpula de aço cheia de ar está a de 13 metros de profundidade no oceano. No interior da cúpula, que encontra-se totalmente isolada, tem-se um barômetro que indica  $h_2 = 765 \text{ mmHg}$ .

Instalou-se na cúpula dois manômetros diferenciais em U, sendo um interno que registra um desnível  $h_1 = 745 \text{ mmHg}$  e outro externo que registra um desnível a  $h_3$  de mmHg.

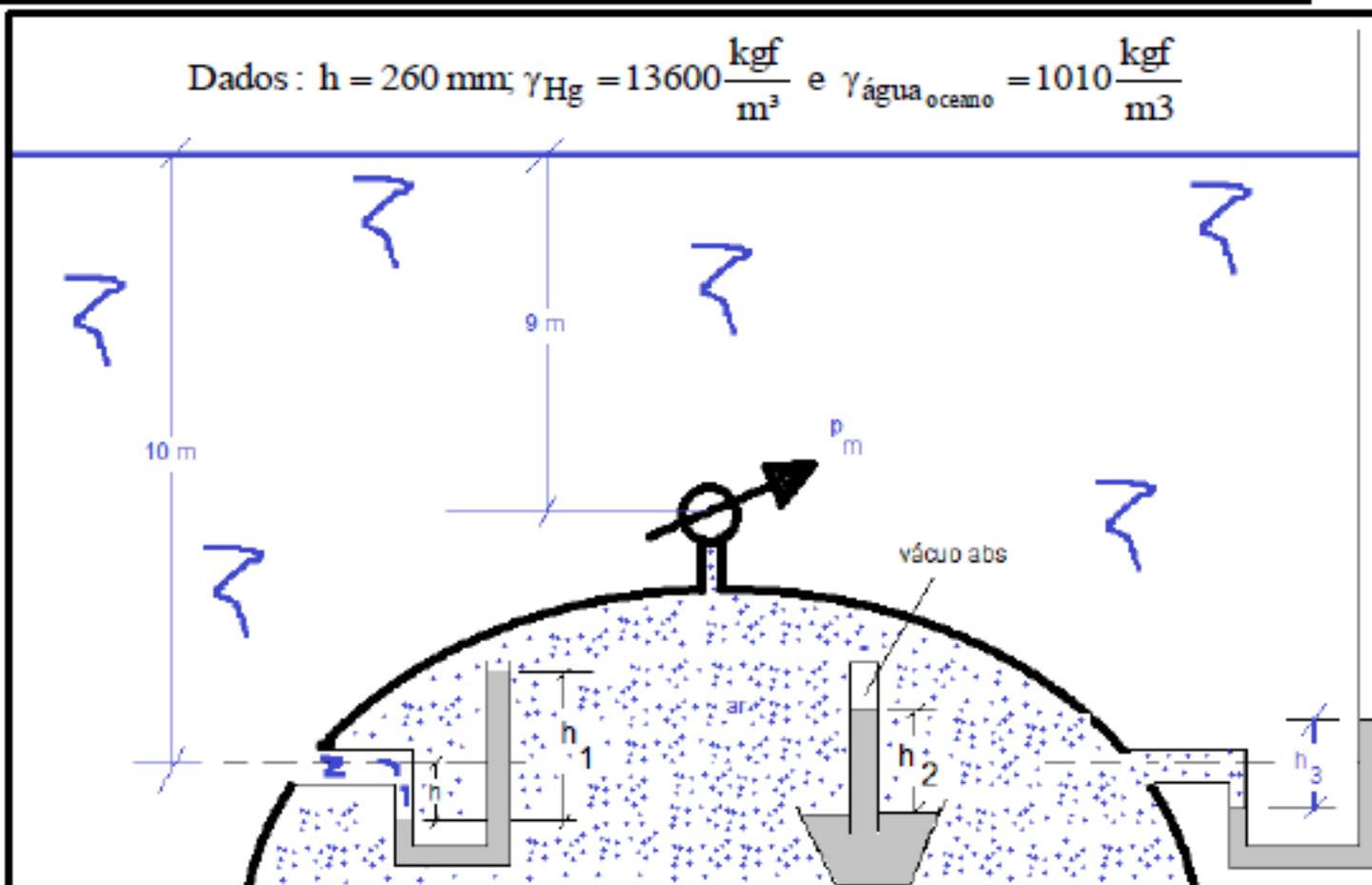
Pede-se determinar:

- a pressão atmosférica local;
- A pressão do ar no interior da cúpula;
- A leitura manométrica;
- o desnível  $h_3$ .



Não estou vendo peixe neste oceano!

$$\text{Dados: } h = 260 \text{ mm; } \gamma_{\text{Hg}} = 13600 \frac{\text{kgf}}{\text{m}^3} \text{ e } \gamma_{\text{água}_{\text{oceano}}} = 1010 \frac{\text{kgf}}{\text{m}^3}$$



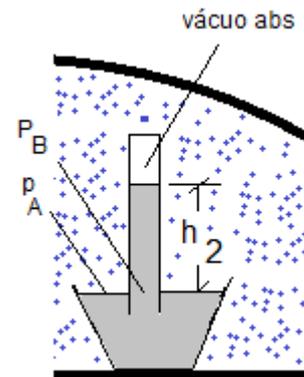
b



Iniciamos pelo item b), ou seja, pela leitura do barômetro

$$p_A = p_B \Rightarrow p_{ar} = 0,765 \times 13600$$

$$\therefore p_{ar} = 10404 \frac{\text{kgf}}{\text{m}^2} (\text{abs})$$



a



Para o item a), nós evocamos o teorema de Stevin e o aplicamos no manômetro diferencial interno:

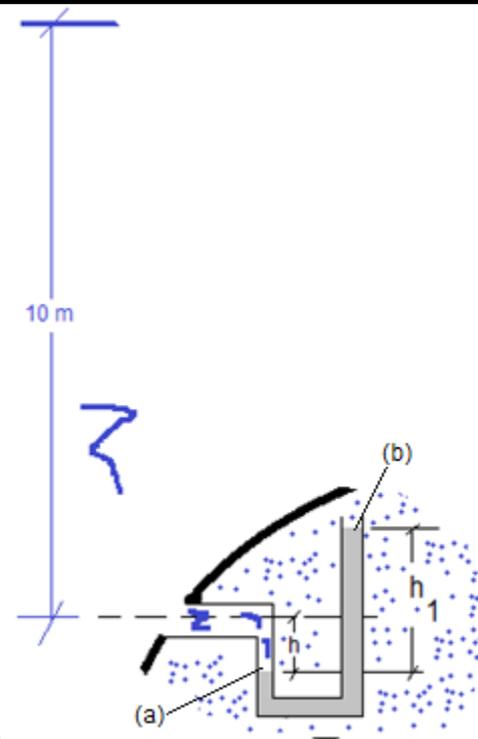
$$p_a - p_b = \gamma_{\text{Hg}} \times h_1$$

$$p_a = p_{\text{atm}} + 10 \times 1010 + 0,26 \times 1010$$

$$p_b = p_{ar} = 10404 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

$$\therefore p_{\text{atm}} + 10 \times 1010 + 0,26 \times 1010 - 10404 = 0,745 \times 13600$$

$$\therefore p_{\text{atm}} = 10173,4 \frac{\text{kgf}}{\text{m}^2}$$



c

NESTE ITEM EVOCA-SE A LEITURA DE UM MANÔMETRO METÁLICO TIPO BOURDON, NO CASO UM VACUÔMETRO.



$$p_m = p_{int} - p_{ext}$$

$$p_m = (10404 - 10173,4) - 9 \times 1010$$

$$\therefore p_m = -8859,4 \frac{\text{kgf}}{\text{m}^2}$$

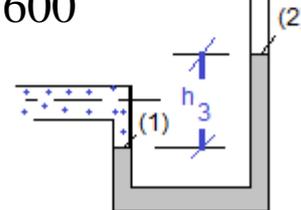
d

No item d), nós evocamos o teorema de Stevin e o aplicamos no manômetro diferencial externo:

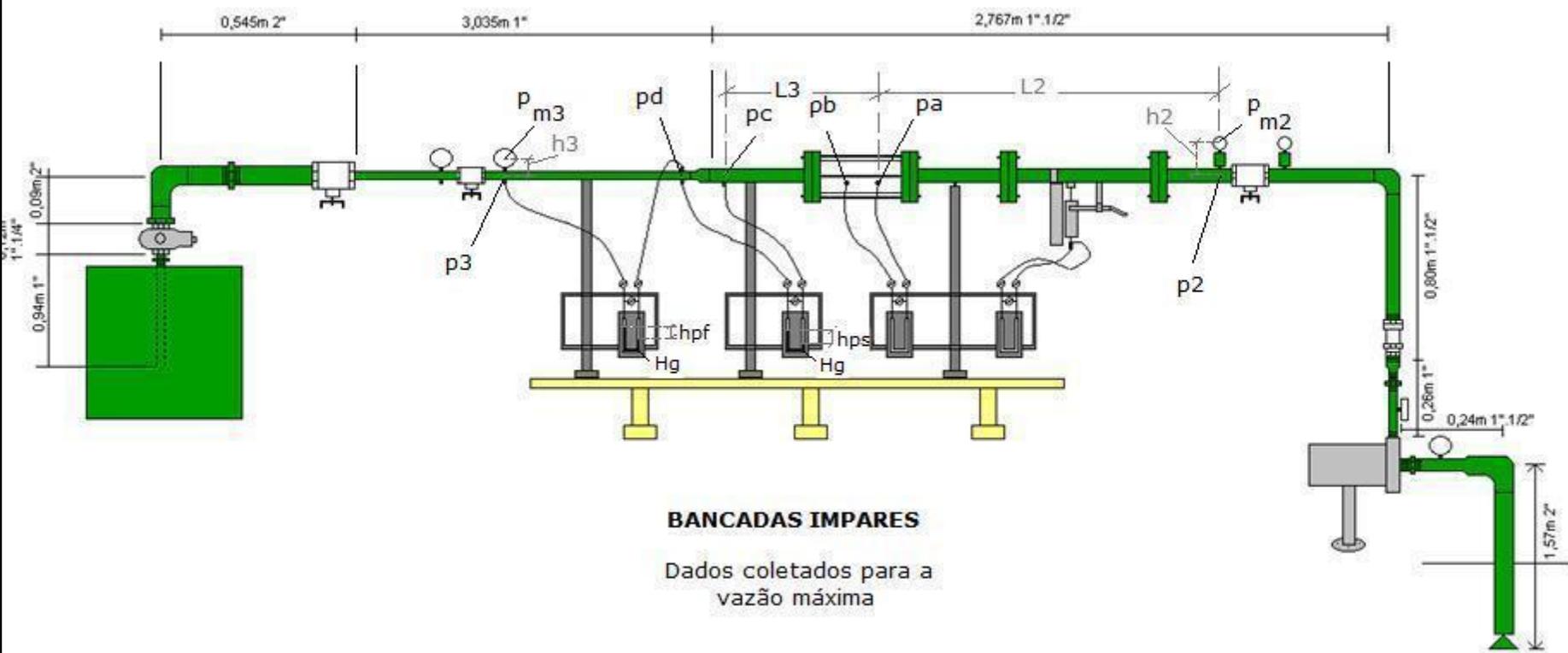
$$p_1 - p_2 = h_3 \times \gamma_{\text{Hg}} \therefore p_{ar} - p_{atm} = h_3 \times \gamma_{\text{Hg}}$$

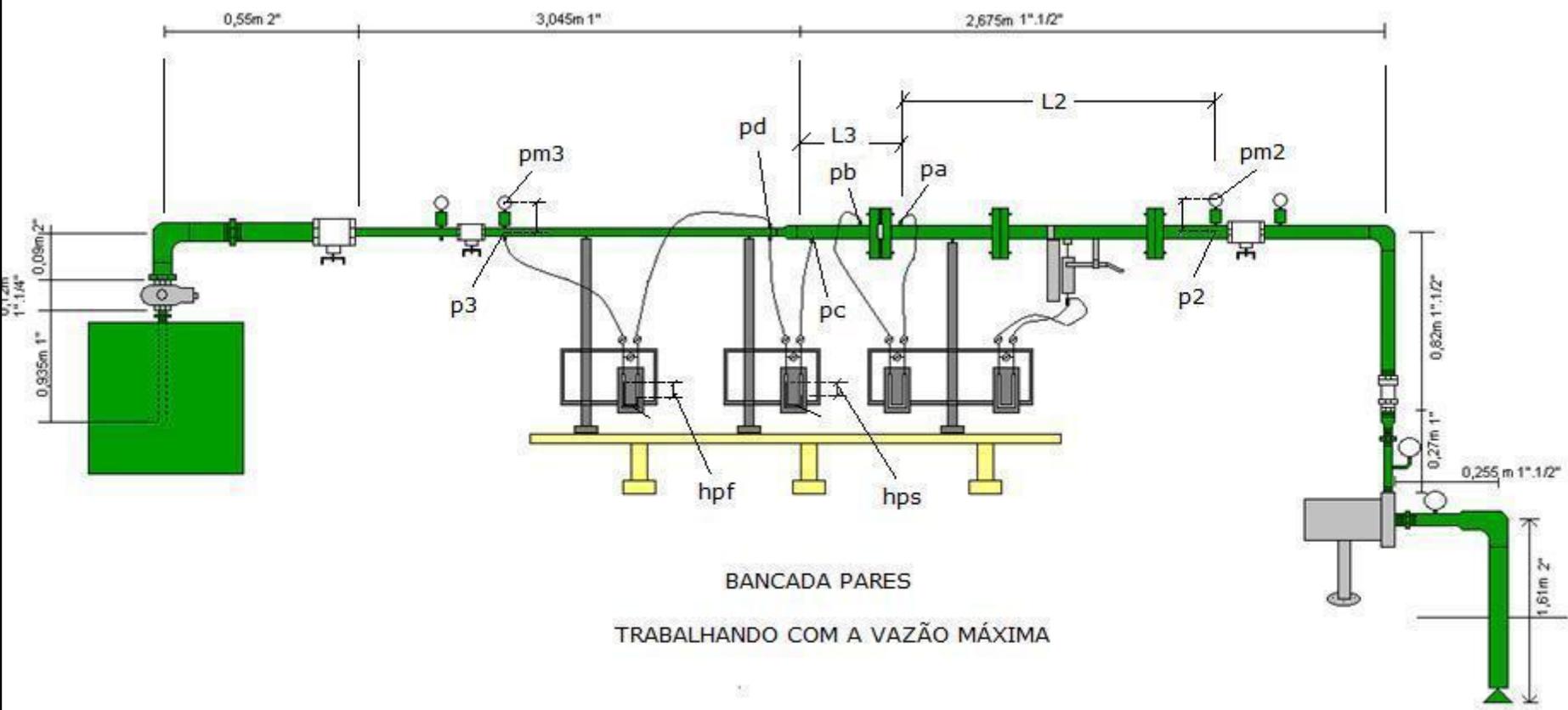
$$10404 - 10173,4 = h_3 \times 13600 \therefore h_3 = \frac{10404 - 10173,4}{13600}$$

$$h_3 \cong 17\text{mm}$$

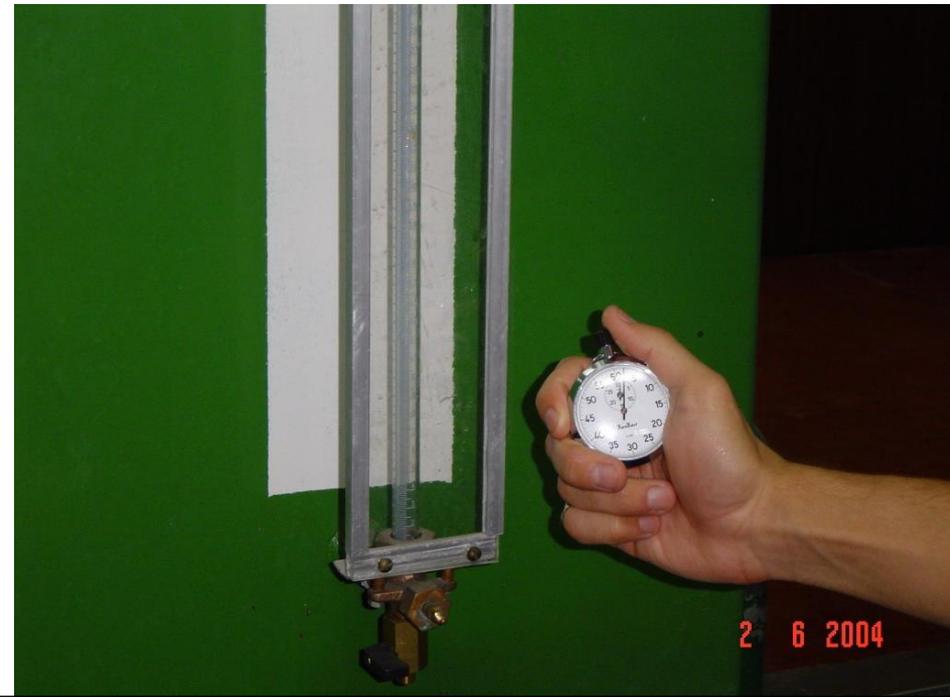


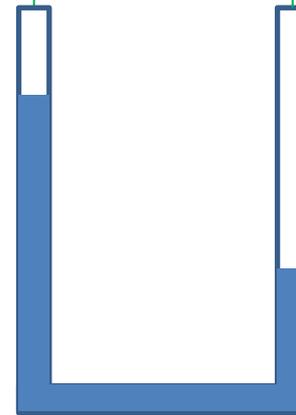
Para uma dada vazão na bancada, pede-se especificar o desnível do fluido manométrico que será utilizado no manômetro diferencial em forma de U que será instalado entre a entrada e saída da bomba.



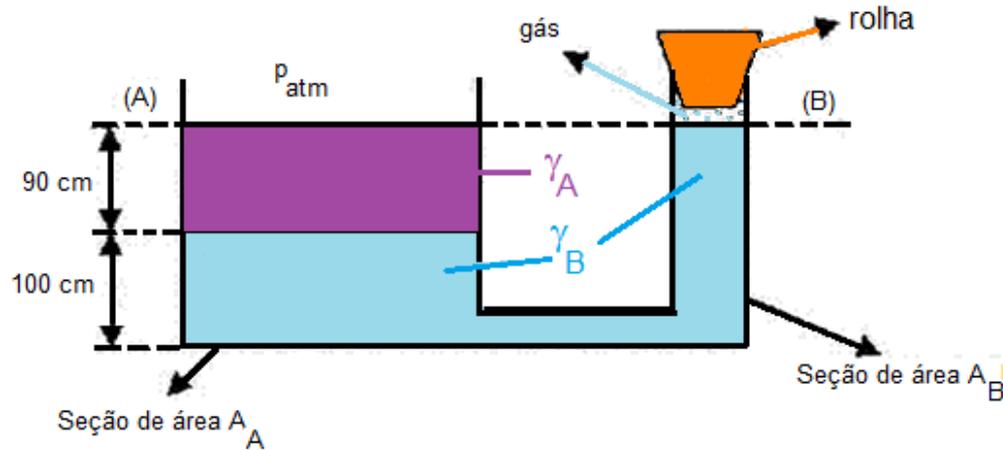


$$Q = \frac{\text{Volume}}{t} = \frac{A_{\text{tanque}} \times \Delta h}{t}$$





O recipiente da figura apresenta os fluidos (A) e (B) no mesmo nível superior. Ao retirar a rolha, o nível (B) desce e o nível (A) sobe. Na nova posição de equilíbrio o desnível entre (A) e (B) é de 10 cm. Pergunta-se:



- Qual o peso específico  $\gamma_B$  ?
- Qual a pressão em kPa sobre o fluido (B) antes de retirar a rolha?
- Qual a nova cota do fluido (B), em relação ao fundo do recipiente após a retirada da rolha?

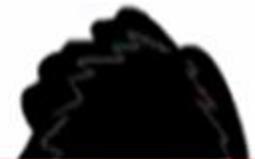
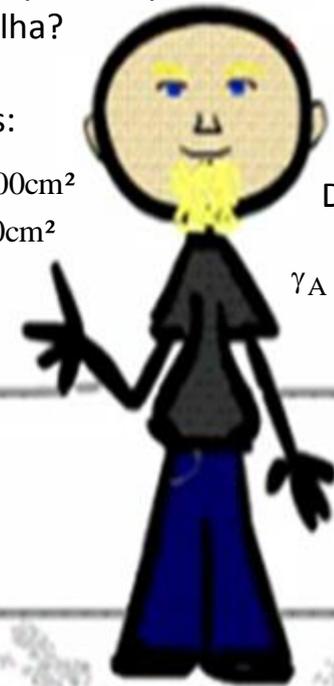
Dados:

$$A_A = 200\text{cm}^2$$

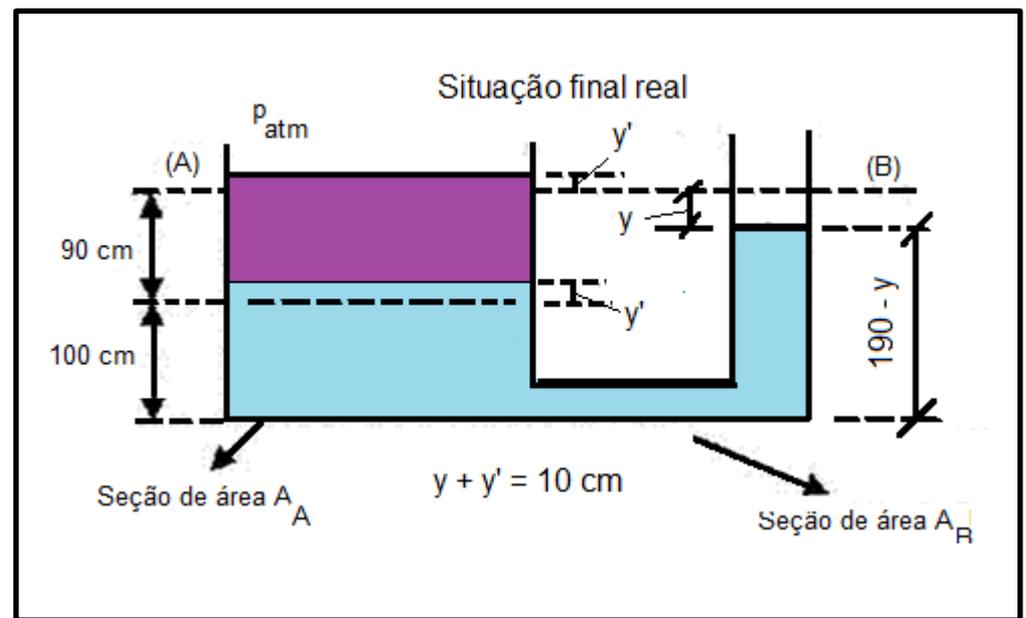
$$A_B = 50\text{cm}^2$$

Dado:

$$\gamma_A = 10^4 \frac{\text{N}}{\text{m}^3}$$



A figura ao lado mostra o fluido B descendo e o A subindo.



 → fluido (A) =  $10000\text{N/m}^3$

 → Fluido B =  $\gamma_B$

$$y' \times 200 = y \times 50 \therefore y = 4y' \therefore 4y' + y' = 10 \Rightarrow y' = 2\text{cm}$$

$$y + y' = 10 \Rightarrow y = 10 - 2 = 8\text{cm}$$

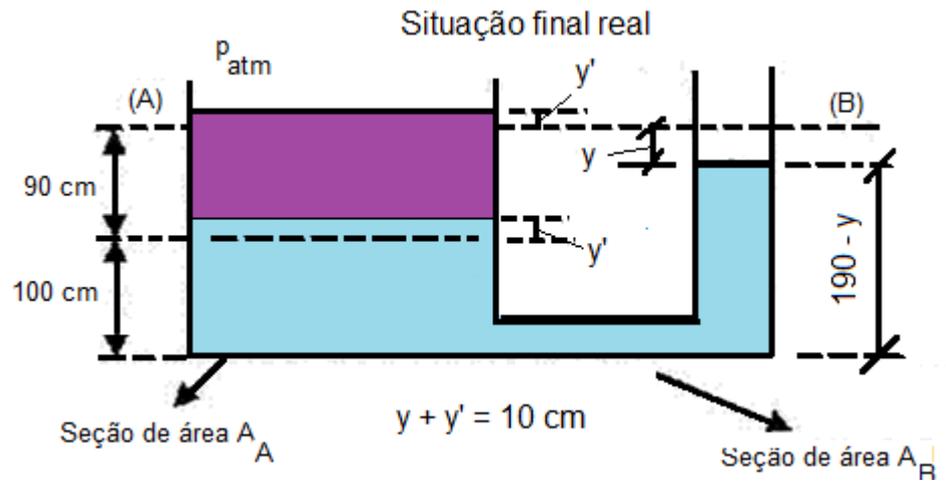
$$0,9 \times 10000 + 1,02 \times \gamma_B - 1,82 \times \gamma_B = 0 \therefore \gamma_B = 11250 \frac{\text{N}}{\text{m}^3}$$

Esta é uma situação totalmente possível de ser observada na prática!





O item c está resolvido na própria figura!

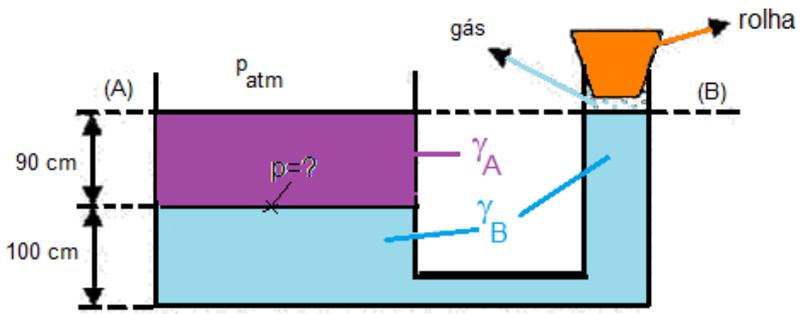


c

$$z_{\text{final}} = 190 - y = 190 - 8 = 182 \text{ cm}$$

b

$$p_{\text{atm}} + 0,9 \times 10000 - 0,9 \times 11250 = p_{\text{gás}} \therefore p_{\text{gás}} = -1125 \text{ Pa} = -1,125 \text{ kPa}$$



Vamos fazer mais alguns exercícios.





Blaise Pascal

Entre os dezoito e dezenove anos inventou a primeira máquina de calcular. Aos vinte anos aplicou seu talento à física, pois se interessou pelo trabalho de Torricelli sobre pressão atmosférica, deixando como resultado o Princípio de Pascal sobre a lei das pressões num líquido, que publicou em 1653 no seu Tratado do equilíbrio dos líquidos.

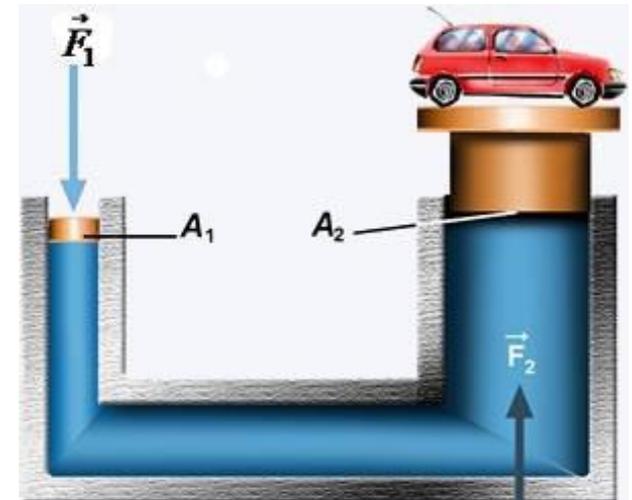
PUTS!



Lei de Pascal  
(1623-1662)  
Ao se aplicar a pressão em um ponto fluido ela se transmite integralmente aos demais pontos.



Vantagens dos fluidos sobre os sólidos!

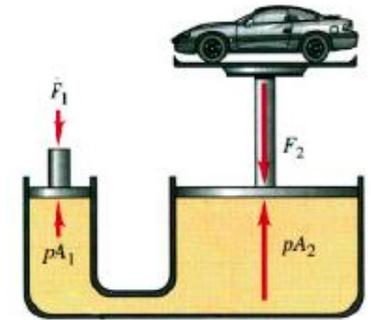


<http://www.brasilecola.com>

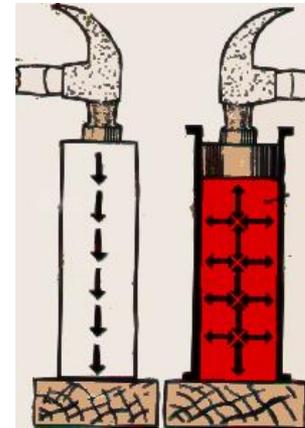


$$p = \frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2} \longrightarrow F_2 = \frac{A_2}{A_1} F_1$$

Elevador hidráulico



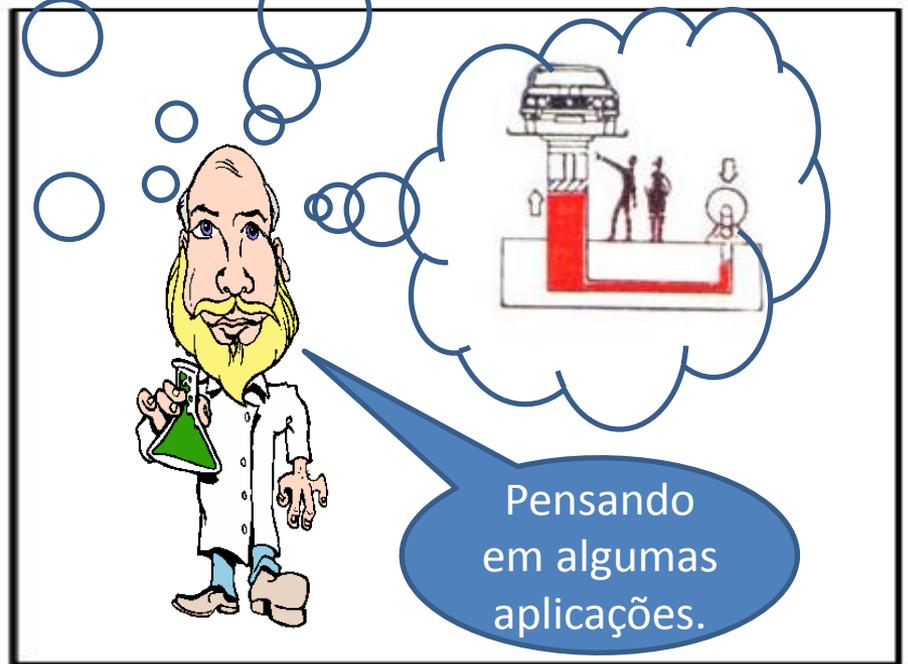
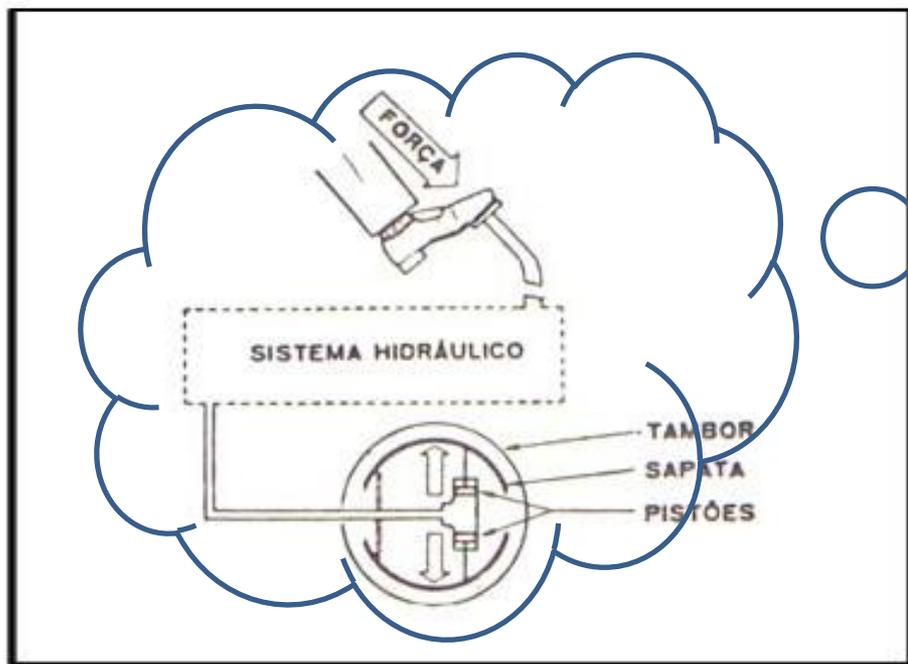
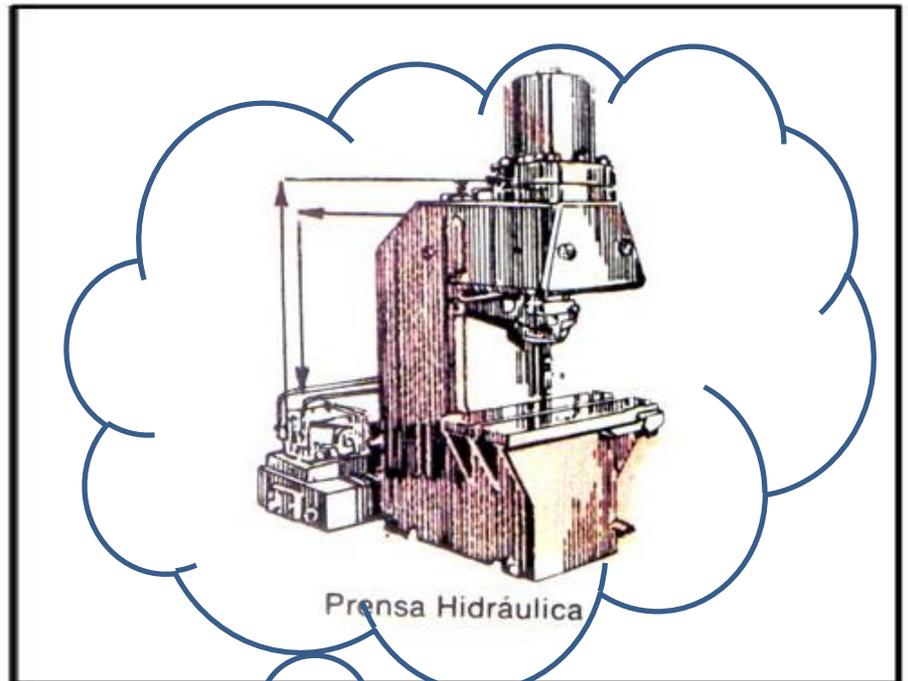
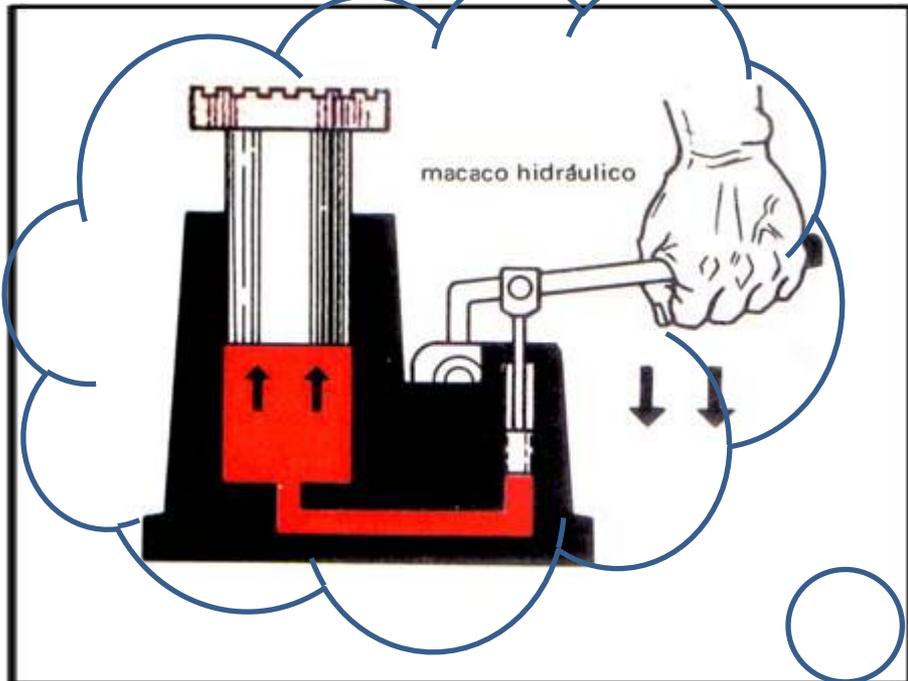
Existem muitas vantagens de se trabalhar com fluido em relação aos sólidos!

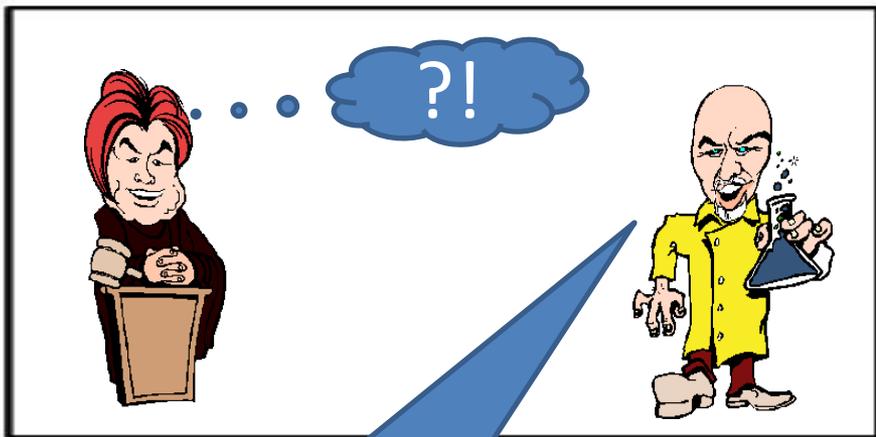


Para os sólidos a propagação da força é na direção da sua aplicação e só se consegue mudá-la através de engrenagens.

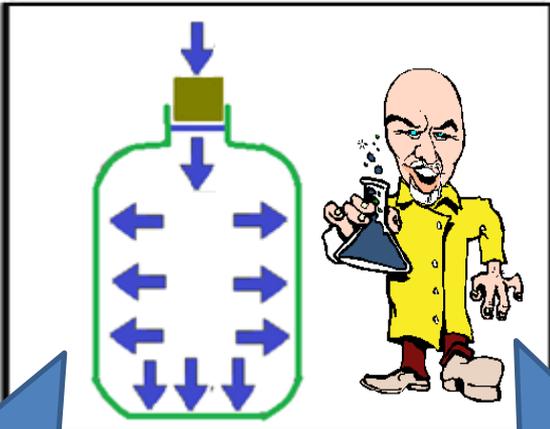
Já nos fluidos ela se propaga espontaneamente em todas as direções







1. Suponha uma garrafa cheia de líquido , o qual é praticamente incompressível

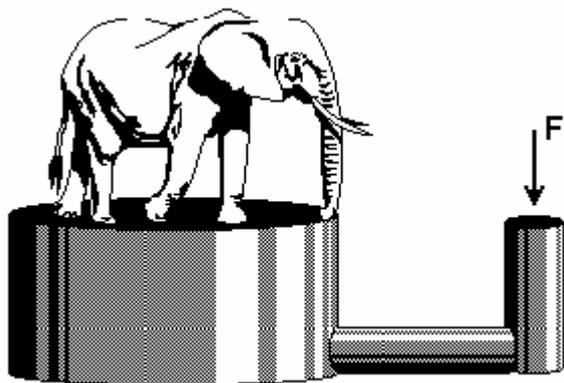


2. Se aplicarmos uma força de 100 N numa rolha de 1 cm<sup>2</sup> de área.

4. Se o fundo tiver uma área de 20 cm<sup>2</sup>, existirá no mesmo uma força de 2000N.

3. O resultado será uma pressão de 100 N/cm<sup>2</sup> agindo em todos os seus pontos.

(Uerj 2001) Um adestrador quer saber o peso de um elefante. Utilizando uma prensa hidráulica, consegue equilibrar o elefante sobre um pistão de  $2000\text{cm}^2$  de área, exercendo uma força vertical  $F$  equivalente a  $200\text{N}$ , de cima para baixo, sobre o outro pistão da prensa, cuja área é igual a  $25\text{cm}^2$ . Calcule o peso do elefante.

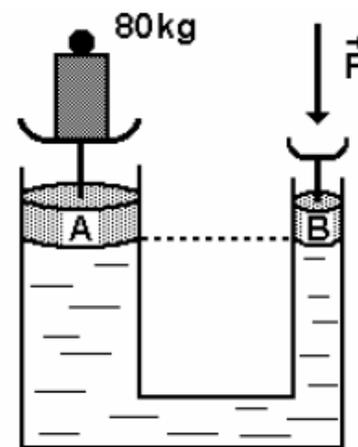


(Mackenzie 98) Dispõe-se de uma prensa hidráulica conforme o esquema a seguir, na qual os êmbolos A e B, de pesos desprezíveis, têm diâmetros respectivamente iguais a  $40\text{cm}$  e  $10\text{cm}$ . Se

desejarmos equilibrar um corpo de  $80\text{kg}$  que repousa sobre o êmbolo A, deveremos aplicar em B a força perpendicular  $F$ , de intensidade:

- a)  $5,0\text{ N}$
- b)  $10\text{ N}$
- c)  $20\text{ N}$
- d)  $25\text{ N}$
- e)  $50\text{ N}$

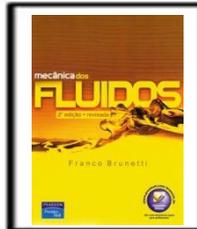
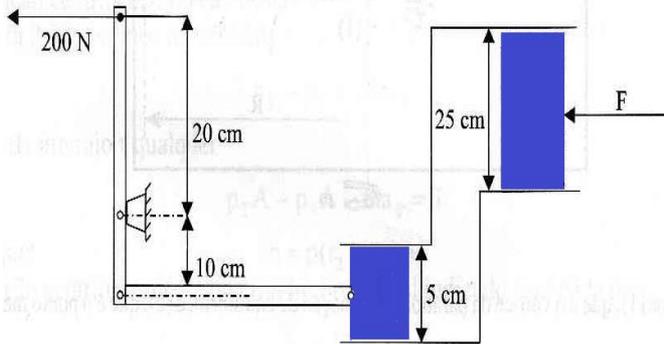
Dado:  
 $g = 10\text{ m/s}^2$



Alguns exemplos de aplicação da lei de Pascal



2.2 – Aplica-se a força de 200 N na alavanca AB, como é mostrado na figura. Qual a força F que deve ser exercida sobre a haste do cilindro para que o sistema permaneça em equilíbrio?



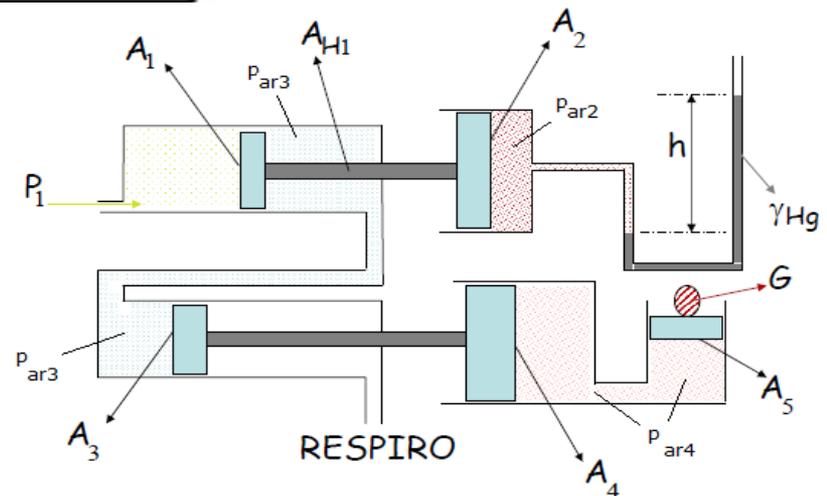
2.1 – No sistema da figura, desprezando-se o desnível entre os cilindros, determinar o peso G, que pode ser suportado pelo pistão V. Desprezar os atritos. Dados:

$$p_1 = 500 \text{ kPa}; A_I = 10 \text{ cm}^2;$$

$$A_{HI} = 2 \text{ cm}^2; A_{II} = 2,5 \text{ cm}^2;$$

$$A_{III} = 5 \text{ cm}^2; A_{IV} = 20 \text{ cm}^2;$$

$$A_V = 10 \text{ cm}^2; h = 2 \text{ m}; \gamma_{Hg} = 136000 \frac{\text{N}}{\text{m}^3}$$



A situação representada pela figura a seguir, esquematiza um elevador hidráulico utilizado para lubrificação de automóveis. O mesmo é constituído por um eixo de diâmetro igual a 35 cm e de altura de 450 cm, coaxial a um cilindro de diâmetro igual a 35,02 cm. O espaço anular entre o eixo e o cilindro é preenchido por um óleo lubrificante de viscosidade cinemática igual a  $3,5 \times 10^{-4} \text{ m}^2/\text{s}$  e peso específico igual a  $8.500 \text{ N/m}^3$ . Sabendo que o eixo desce com uma velocidade constante de  $0,4 \text{ m/s}$  e que o peso total do veículo e eixo é de  $35.000 \text{ N}$ , pede-se:

- a Lei de variação da força de resistência viscosa, em função do tempo, no movimento descendente do eixo;
- a Lei de variação da pressão de acionamento do eixo, em função do tempo, imposta uniformemente distribuída na sua face inferior;
- a pressão de acionamento quando o eixo desceu  $1,5 \text{ m}$ .



Exercício  
envolvendo  
cap. 1 e 2

