



O engenheiro
além de
resolver
problemas tem
que criar
oportunidade!



Resolvendo
problemas e
criando
oportunidades
será feliz em
sua profissão!



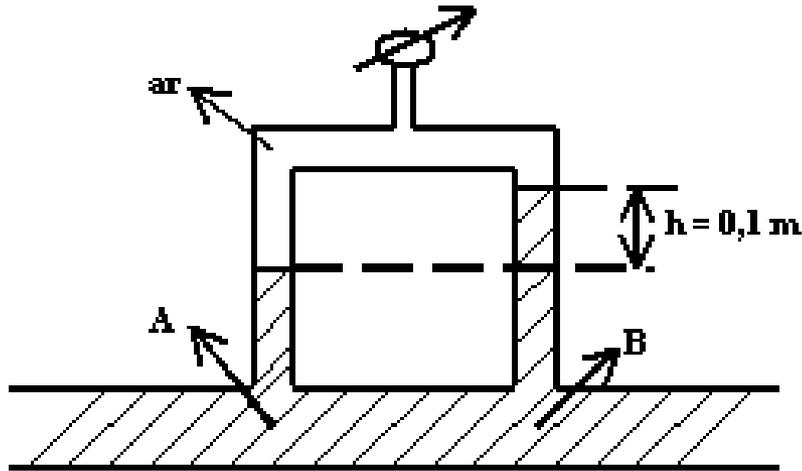


Antes de responder a pergunta anterior (cálculo do comprimento equivalente da válvula globo), vamos resolver mais um problema e este elaborado pelo MEC para avaliação dos cursos de engenharia.

Ela nos possibilitará desenvolver uma próxima atividade no laboratório.



O dispositivo mostrado na figura abaixo mede o diferencial de pressão entre os pontos A e B de uma tubulação por onde escoa água.



Dados :

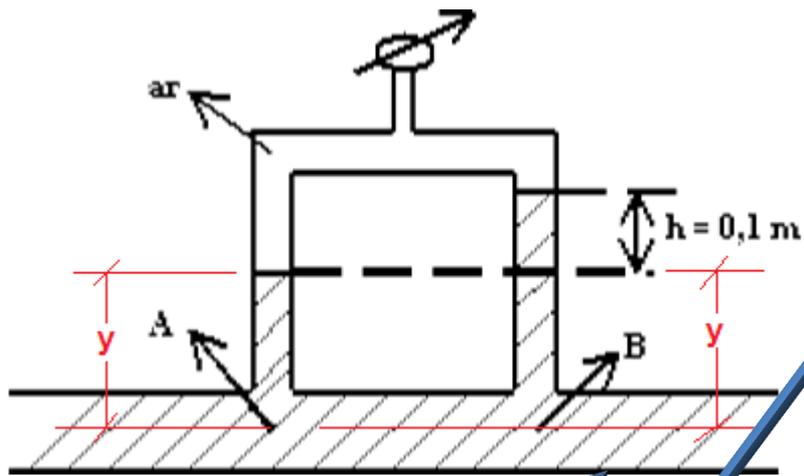
$$\rho_{\text{água}} = 1000 \text{ kg / m}^3;$$

$$\rho_{\text{ar}} = 1,2 \text{ kg / m}^3;$$

$$g = 9,8 \text{ m / s}^2$$

Com base nos dados apresentados na figura, pede-se:

1. determine o diferencial de pressão entre os pontos A e B, em Pa; (valor: 2,5 pontos)
2. calcule a pressão absoluta no interior da camada de ar, sendo a leitura do manômetro de Bourdon $P_{\text{man}} = 10^4 \text{ Pa}$, e a pressão atmosférica local $P_{\text{atm}} = 10^5 \text{ Pa}$; (valor: 2,5 pontos)
3. responda se é possível utilizar o dispositivo mostrado na figura para medir a vazão de água que escoar através da tubulação, justificando sua resposta; (valor: 2,5 pontos)
4. indique o sentido do escoamento do fluido ao longo da tubulação (A para B ou B para A). (valor: 2,5 pontos)



1

$$p_A = p_{ar} + y \times \gamma$$

$$p_B = p_{ar} + 0,1 \times \gamma + y \times \gamma$$

$$p_B - p_A = 0,1 \times \gamma$$

$$p_B - p_A = 0,1 \times 1000 \times 9,8$$

$$p_B - p_A = 980 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

Resolvendo:

2

p_m = pressão efetiva

$$p_m = p_{ar} = 10^4 = 10000\text{Pa}$$

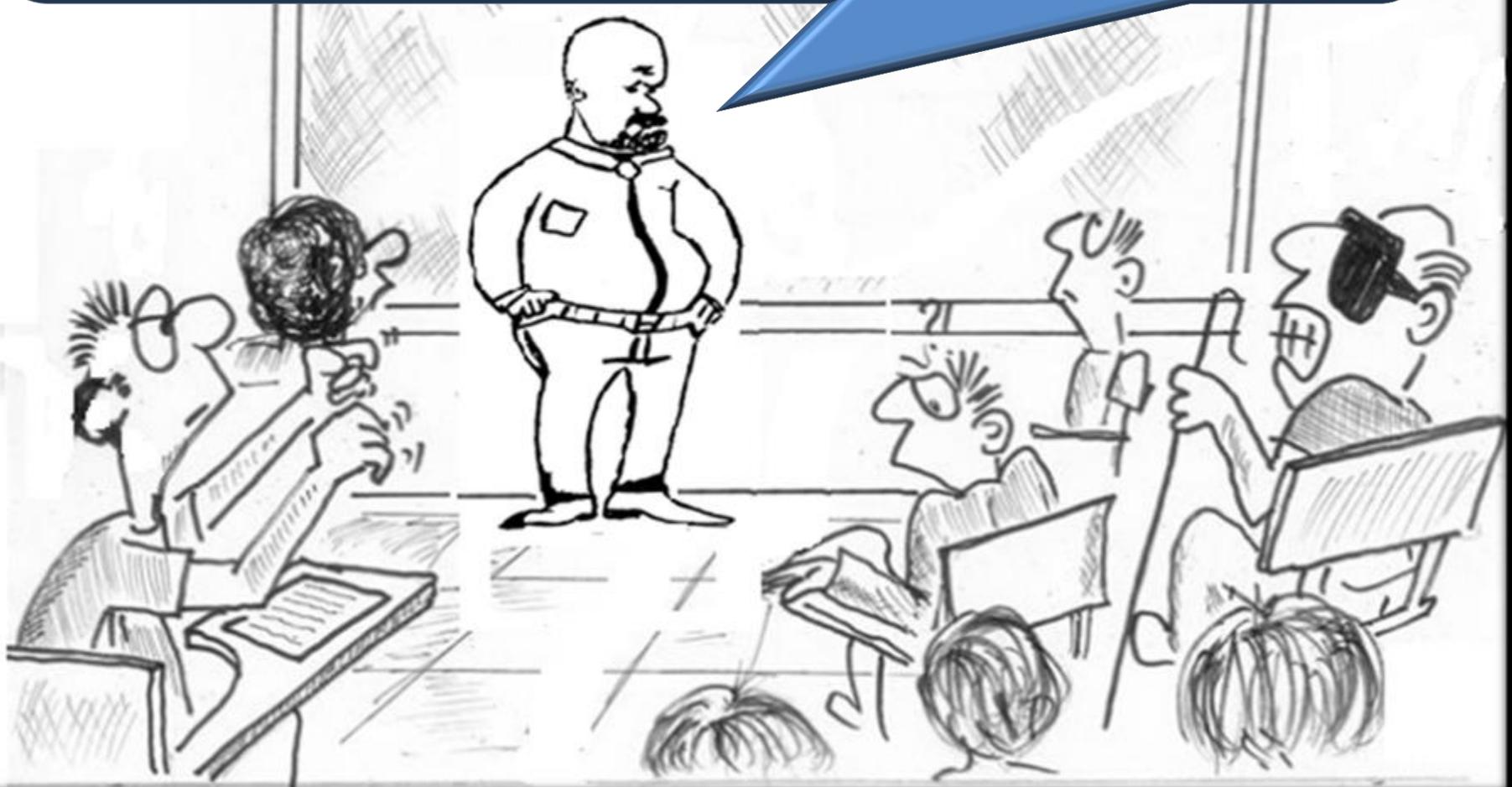
$$p_{arabs} = p_{ar} + p_{atm} = 10000 + 100000$$

$$p_{arabs} = 110000\text{Pa}$$

4

Como p_B é maior que p_A , $z_A = z_B$ e $v_A = v_B$, podemos afirmar que $H_B > H_A$, portanto como é um trecho sem máquina o escoamento é de B para A.

Conhecendo a perda de carga em um trecho sem máquina, podemos recorrer ao diagrama de Rouse para estimar a vazão e para isto devemos conhecer Reynolds raiz de f e a rugosidade relativa (D_H/K).



$$\text{Re} \sqrt{f} = \frac{D_H}{\nu} \times \sqrt{\frac{h_f \times D_H \times 2g}{L}}$$

$$\frac{D_H}{K}$$

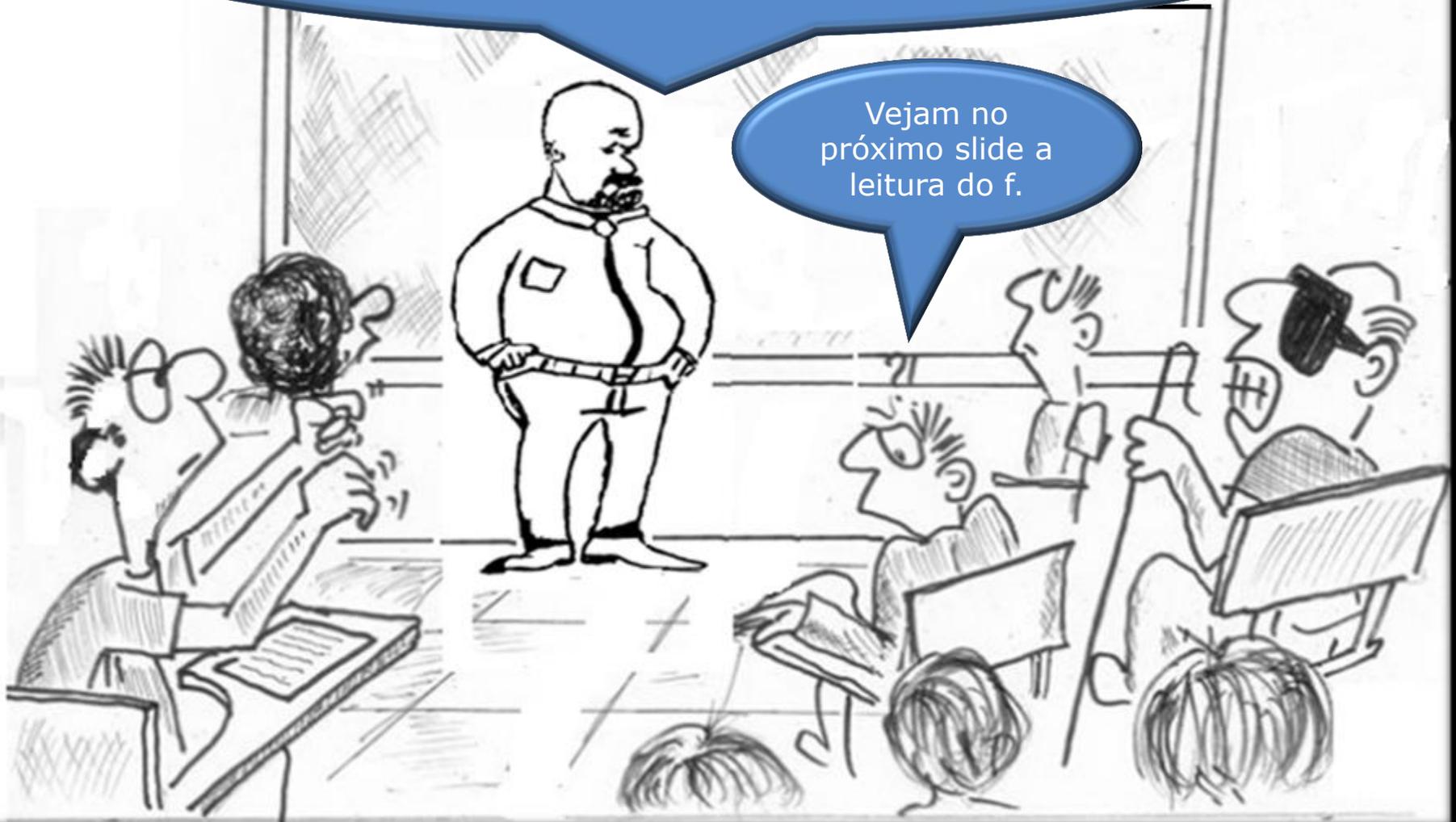
Podemos determinar a perda de carga, no caso distribuída, aplicando a equação da energia de B a A, temos:

$$H_{p_{B-A}} = h_{f_{B-A}} = \frac{980}{9,8 \times 1000} = 0,1\text{m}$$

E aí podemos obter a Q pelo diagrama de Rouse desde que tenhamos o comprimento L; a rugosidade equivalente K; o diâmetro hidráulico DH e a viscosidade cinemática.

No diagrama de Rouse marcamos na abcissa o valor de Reynolds raiz de f e subimos uma vertical, aí marcamos a rugosidade equivalente (D_H/K) e a consideramos até cruzar com a vertical de Reynolds raiz de f de onde puxamos uma horizontal e lemos o valor de f .

Vejam no próximo slide a leitura do f .



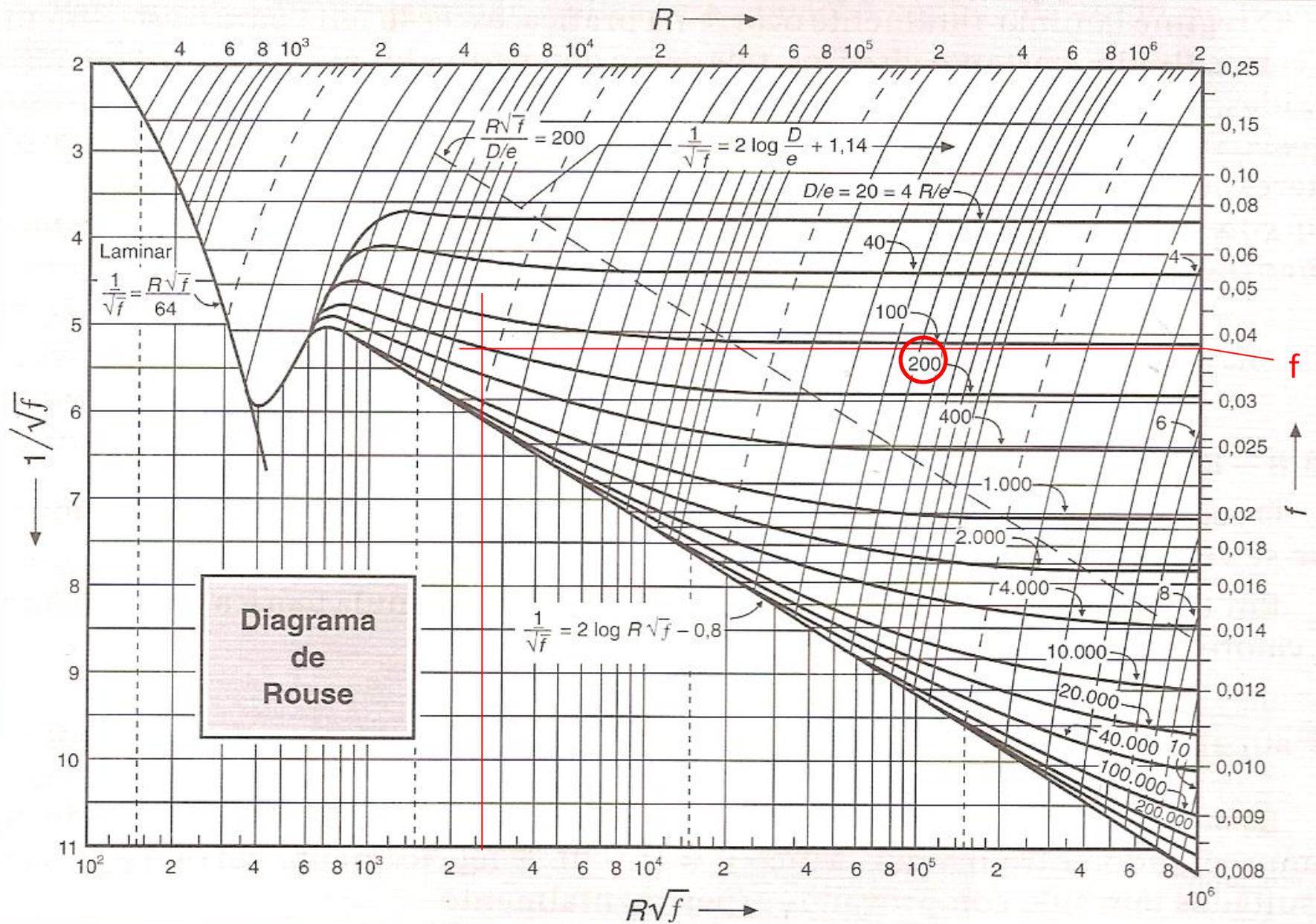


Diagrama de Rouse

Figura 8.8 - Diagrama de Rouse

Conhecendo f , h_f , L e D_H ,
podemos calcular a vazão Q



$$h_f = f \times \frac{L}{D_H} \times \frac{v^2}{2g}$$

$$v = \sqrt{\frac{h_f \times D_H \times 2g}{f \times L}}$$

$$Q = v \times A = \sqrt{\frac{h_f \times D_H \times 2g}{f \times L}} \times \frac{\pi \times D^2}{4}$$

Vamos agora procurar refletir o porque da perda ter aumentado com a diminuição da vazão na tubulação após a bomba.





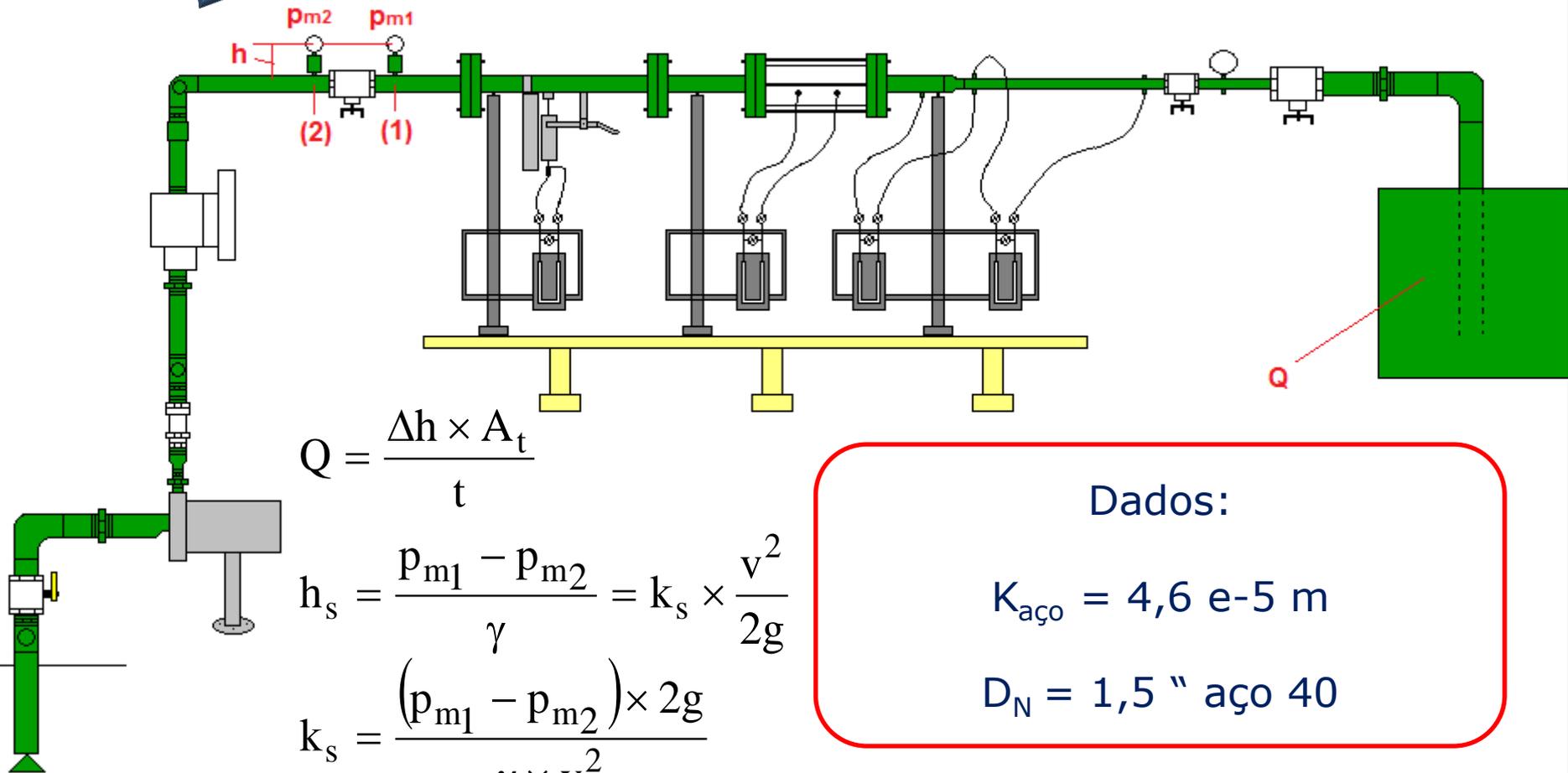
Para viabilizar a reflexão anterior proponho que vocês determinem o comprimento equivalente da válvula globo das bancadas 7 e 8 para no mínimo três vazões sendo que uma deve ser a vazão máxima.

Não podemos esquecer de anotar a temperatura d'água.



Exemplo:

BANCADA 7



$$Q = \frac{\Delta h \times A_t}{t}$$

$$h_s = \frac{p_{m1} - p_{m2}}{\gamma} = k_s \times \frac{v^2}{2g}$$

$$k_s = \frac{(p_{m1} - p_{m2}) \times 2g}{\gamma \times v^2}$$

f → determinado na página www.escoladavida.eng.br

$$Leq = \frac{K_s \times D_H}{f}$$

Dados:

$$K_{aço} = 4,6 \text{ e-}5 \text{ m}$$

$$D_N = 1,5 \text{ " aço 40}$$

Mãos a obra!



Ensaio	Δh (mm)	t(s)	P_{m2} (_____)	P_{m1} (_____)
1				
2				
3				

